

# Backtracking Usando Pilha

Daniel Oliveira

Departamento de Informática - UFPR

Janeiro 2021



# Labirinto - Achar uma saída

---

labirinto

---

Instância:  $(labirinto, posicao)$ , onde  $labirinto$  é uma matriz de  $n \times m$  e  $posicao$  indica o ponto inicial dentro do labirinto.

Resposta: Um caminho do ponto inicial até uma borda do labirinto

---

(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(1,6)
(2,1)	+	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(2,6)
(3,1)	(3,2)	(3,3)	(3,4)	(3,5)	(3,6)
(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)	(4,5)	(4,6)
(5,1)	(5,2)	(5,3)	(5,4)	(5,5)	(5,6)
(6,1)	(6,2)	(6,3)	(6,4)	(6,5)	(6,6)
(7,1)	(7,2)	(7,3)	(7,4)	(7,5)	(7,6)

# Labirinto - Recursão

---

$busca\_solucao(labirinto, posicao)$

---

Se  $fim\_do\_jogo(labirinto, posicao)$

  Devolva Verdadeiro

Senão

  Para *todo*  $x_j$  pertencente ao domínio  $D_k$

    Insere  $x_j$  em *labirinto*

    Se *labirinto* é válido E  $busca\_solucao(labirinto, x_j)$

      Devolva Verdadeiro

    Remove  $x_j$  de *labirinto*

  Devolva Falso

---

(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(1,6)
	+				
(2,1)	(2,2)	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(2,6)
(3,1)	(3,2)	(3,3)	(3,4)	(3,5)	(3,6)
(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)	(4,5)	(4,6)
(5,1)	(5,2)	(5,3)	(5,4)	(5,5)	(5,6)
(6,1)	(6,2)	(6,3)	(6,4)	(6,5)	(6,6)
(7,1)	(7,2)	(7,3)	(7,4)	(7,5)	(7,6)

- E se recursão não for possível ou a melhor opção?
  - Algumas linguagens/hardwares não suportam recursão ou são bem limitadas (e.g., GPUs)
  - Algum ganho de eficiência sem recursão
- Solução: Usar pilha para memorizar as decisões tomadas
  - Enquanto caminho no meu espaço de busca, empilho as decisões tomadas
  - Quando preciso fazer um backtrack (volta), desempilho uma decisão
- Diferente de recursão, preciso salvar também as decisões já tomadas por cada elemento considerado
  - Ao fazer o backtrack, preciso tomar uma decisão nova e não uma repetida

# Backtrack usando Pilha - Algoritmo Geral

---

Solucao()

---

Inicializa  $P$ ,  $pilha$  e demais estruturas

busca\_solucao( $P$ ,  $pilha$ , ...)

---

busca\_solucao( $P$ ,  $pilha$ , ...)

---

Enquanto  $pilha$  nao vazia E solucao nao encontrada

  Recupera elemento do topo da pilha

  Se elemento ainda tem decisao valida dentro de  $D_k$

    Escolhe proxima decisao  $x_l$  tal que  $P$  e verdade

    Insere  $x_l$  em  $P$

    Empilha  $x_l$

  Senao

    Desempilha  $x_l$

    Remove  $x_l$  de  $P$

    Memoriza  $x_l$  como ja analisado

---

(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(1,6)
(2,1)	+	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(2,6)
(3,1)	(3,2)	(3,3)	(3,4)	(3,5)	(3,6)
(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)	(4,5)	(4,6)
(5,1)	(5,2)	(5,3)	(5,4)	(5,5)	(5,6)
(6,1)	(6,2)	(6,3)	(6,4)	(6,5)	(6,6)
(7,1)	(7,2)	(7,3)	(7,4)	(7,5)	(7,6)