

Sistemas Distribuídos

Aula 8: VCube, Propriedades & Versão 2

Prof. Elias P. Duarte Jr.

Universidade Federal do Paraná (UFPR)

Departamento de Informática

www.inf.ufpr.br/elias/sisdis



Sumário

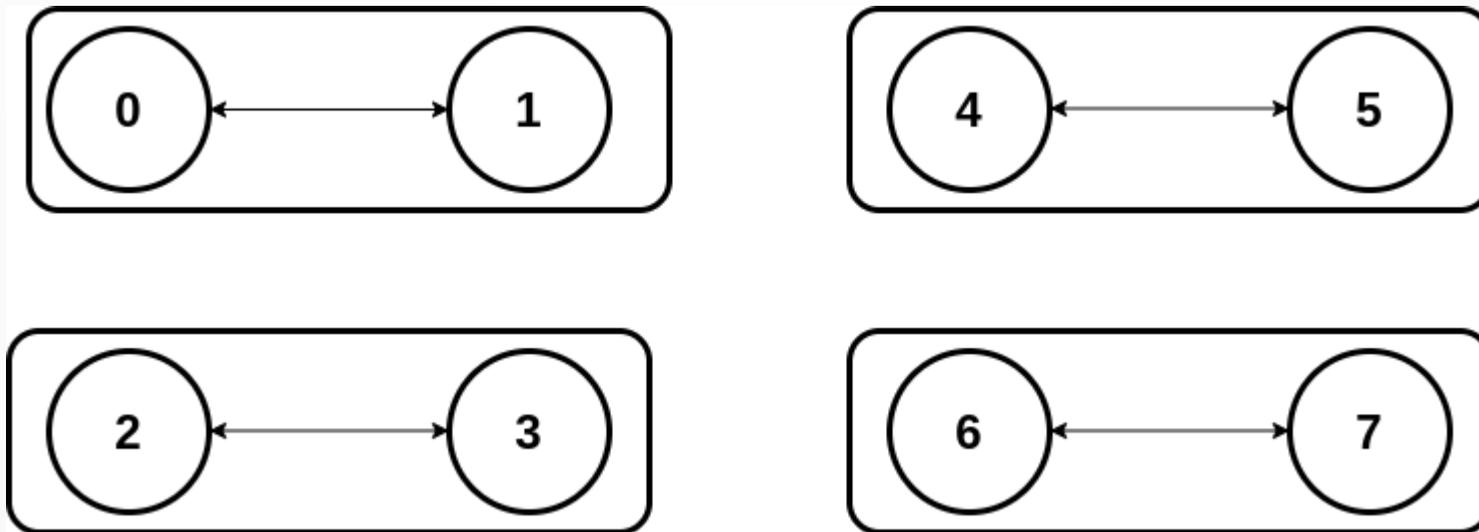
- O Algoritmo VCube: relembrando, praticando
- A Latência do VCube no pior caso: $\log^2 N$ rodadas
- Pior caso do número de testes
- A Versão 2 do VCube: $N \log N$ testes a cada $\log N$ rodadas

O Algoritmo VCube

- O VCube é um algoritmo distribuído hierárquico
- Os N processos são organizados em clusters
- Cada processo tem $\log N$ clusters
 - 4 processos: 2 clusters, 8 processos: 3 clusters,
16 processos: 4 clusters, ... 1024 processos: 10 clusters...
- Os clusters começam com 2 nodos, e vão dobrando a cada rodada de testes...
- O maior cluster tem metade ($N/2$) dos processos

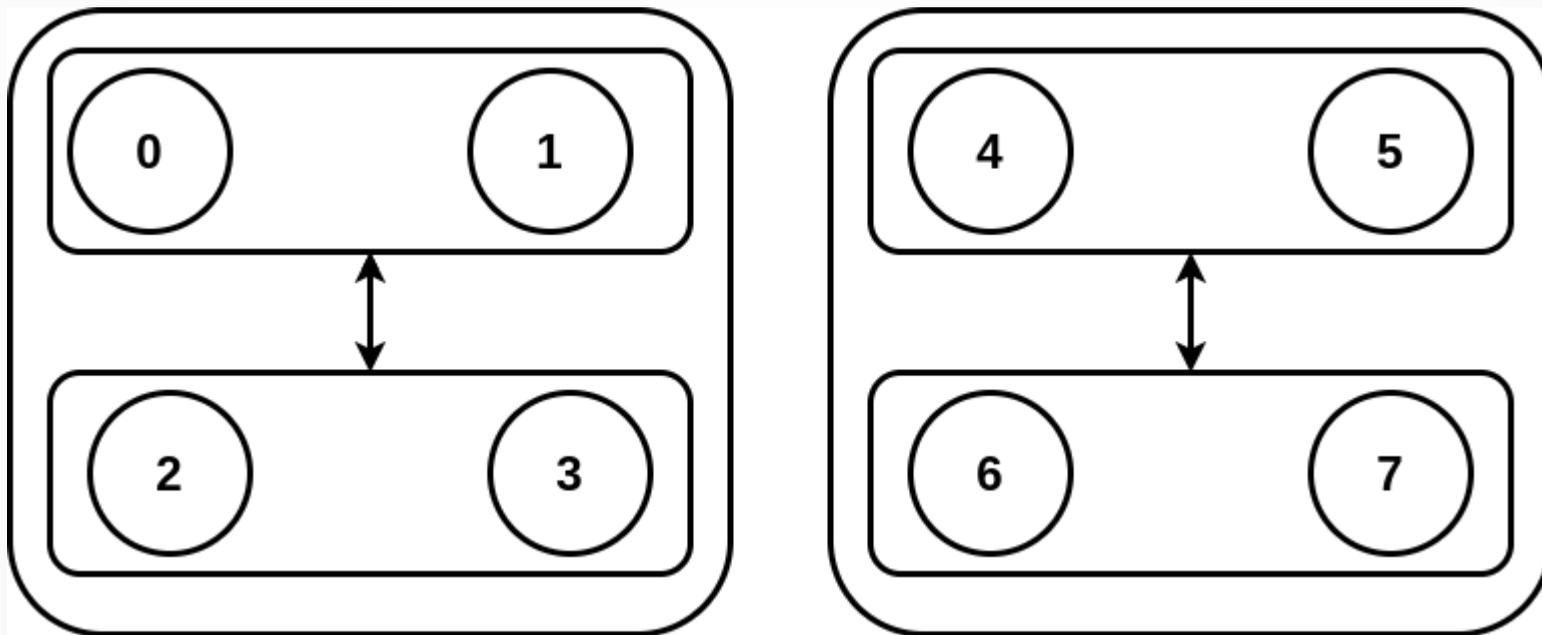
VCube: Estratégia de Testes

- No início os testes são executados em clusters com dois nodos



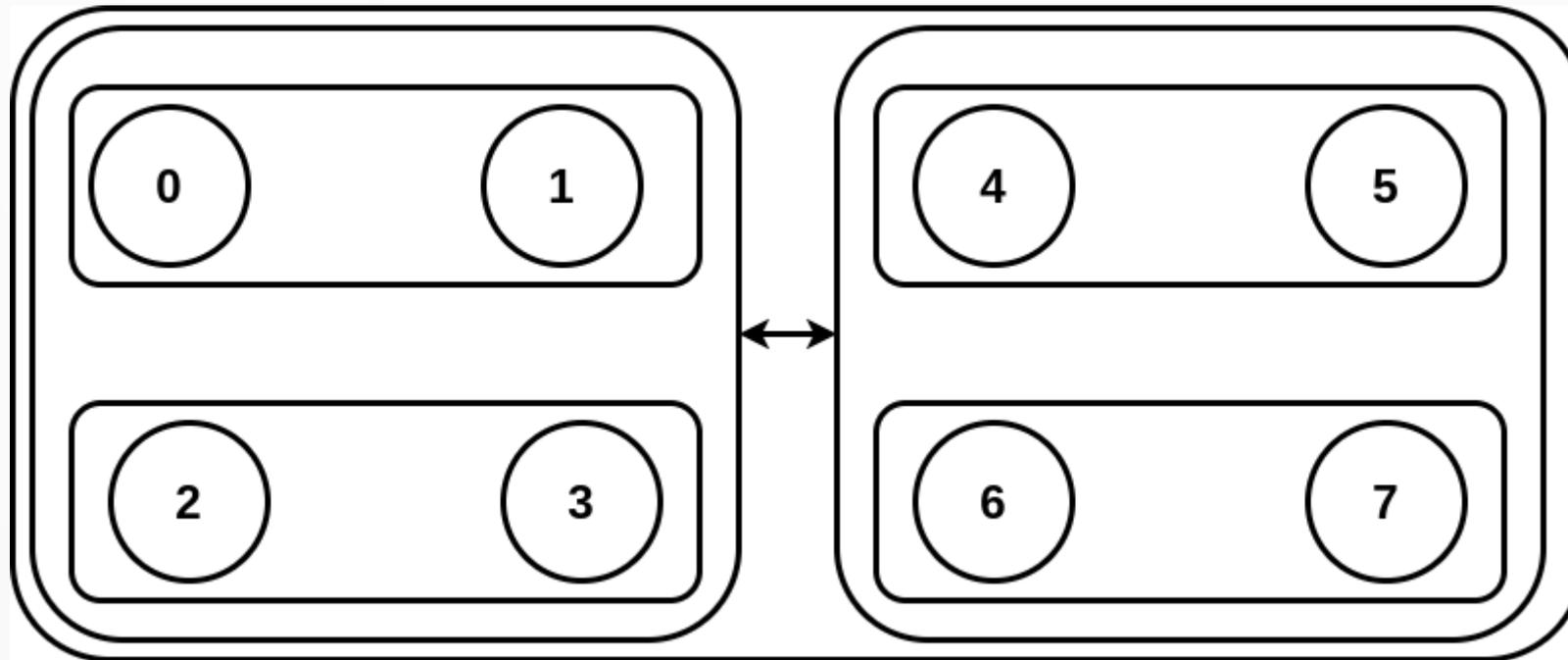
VCube: Aumenta o Cluster

- Na segunda rodada os clusters têm 4 processos



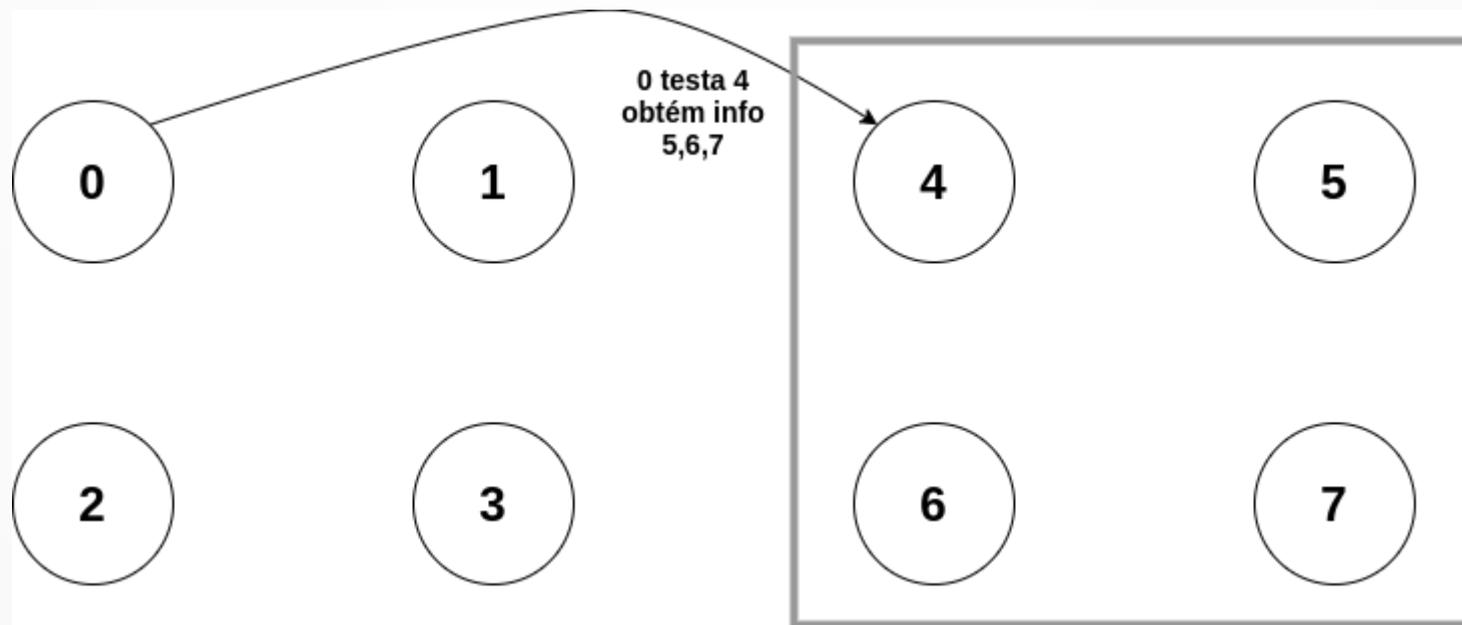
VCube: O Maior Cluster

- Na última rodada o cluster tem $N/2$ processos, na seguinte tudo recomeça no cluster de 2 processos



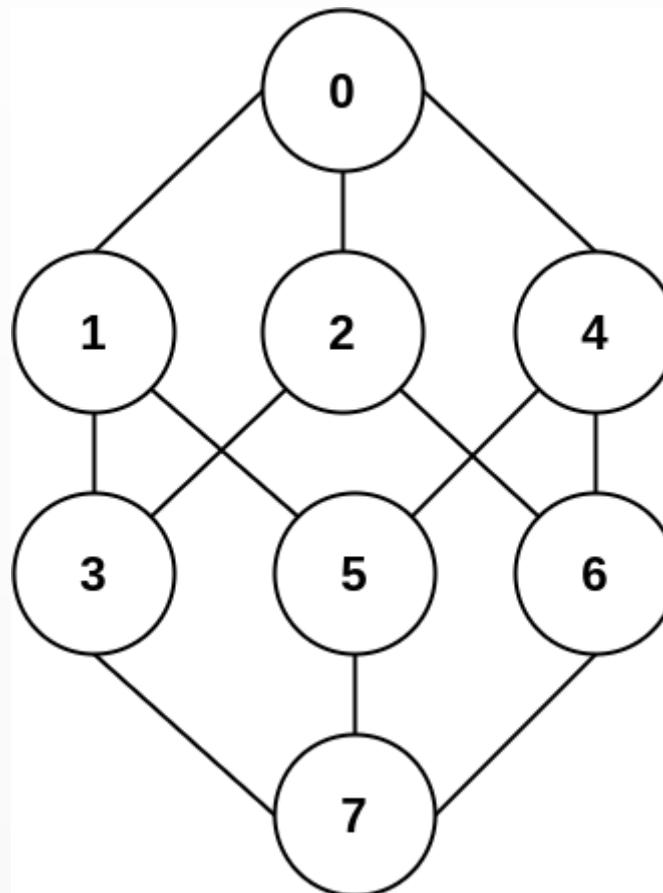
VCube: Obtenção de Informações

- Quanto um processo correto é testado, o testador obtém as informações do cluster testado



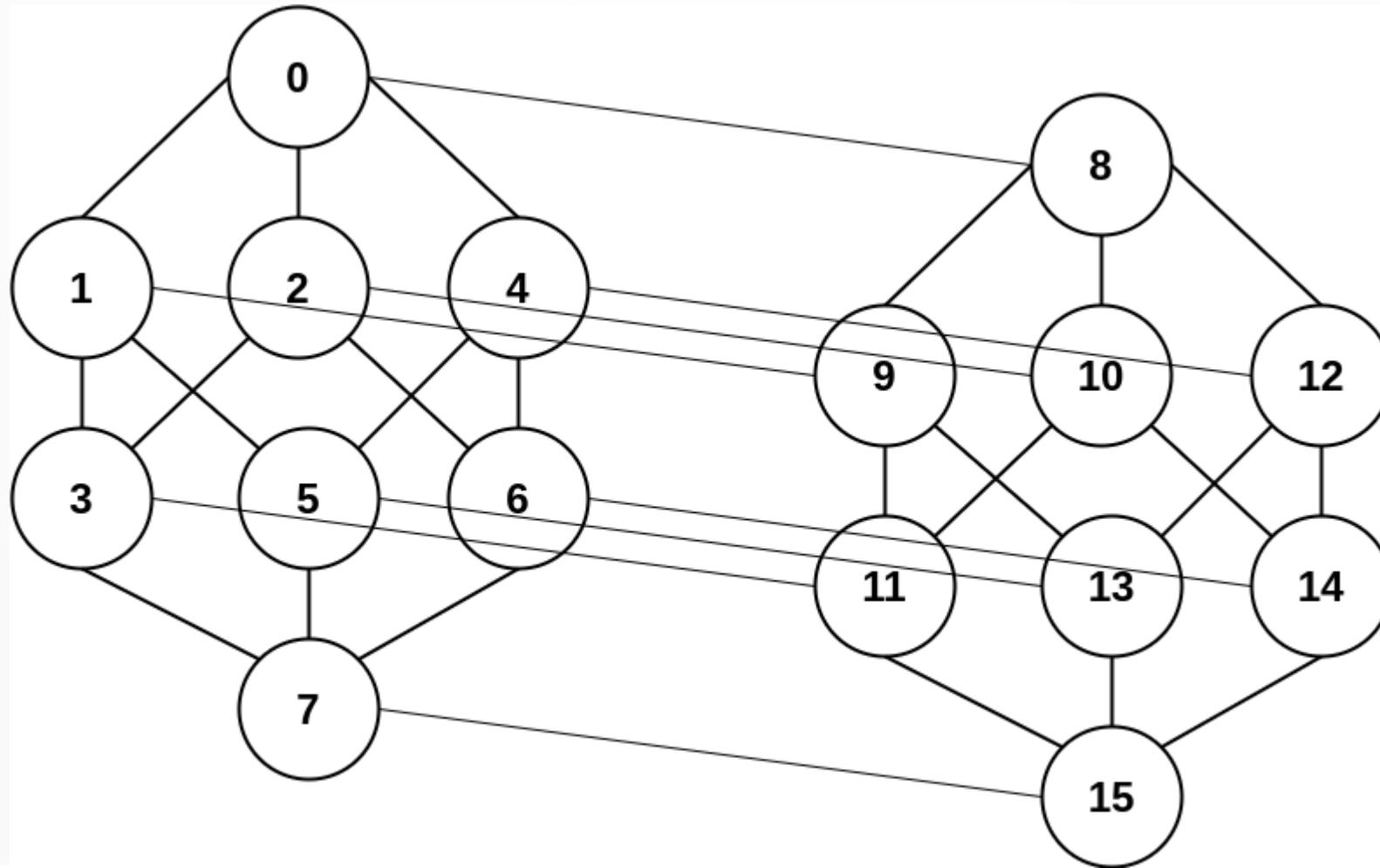
VCube com Todos os Processos Corretos: Hiper-cubo

- Este é um hipercubo formado por 8 processos
- Consegue ver o cubo?



Hipercubo de 4 Dimensões

- Veja que dobramos o número de nodos, são dois hipercubos de 8 nodos



Hipercubo: Topologia Escalável

- O hipercubo têm diversas propriedades logarítmicas
 - $\log N$ – logaritmos base 2, sempre
- Grau de cada nodo, diâmetro (distância máxima)
- Quando dobra o número de nodos, o incremento é de 1 unidade
- Propriedades logarítmicas correspondem a escalabilidade: funciona bem quando N cresce

VCube: Muito Mais que Hipercubo

- VCube: corresponde a um hipercubo virtual quando todos os processos estão corretos
- O que acontece quando processos falhos?
- Lembre-se: topologia subjacente: *fully-connected*
- VCube: quando processos falham a topologia se reorganiza, mantendo diversas propriedades logarítmicas
- O testador continua testando no cluster, até encontrar processo correto ou testar todos os processos falhos

VCube: A Função do Cluster

- A função $C(i,s)$: s -ésimo cluster no processo i
- O tamanho do cluster é sempre uma potência de 2, há $\log N$ clusters
- A função $C(i,s)$ retorna a lista de processos (em ordem) que devem ser testados pelo testador i nos clusters $s=1,2,\dots,\log N$

A Função $C(i,s)$, $N=8$ processos

s	$C(0,s)$	$C(1,s)$	$C(2,s)$	$C(3,s)$	$C(4,s)$	$C(5,s)$	$C(6,s)$	$C(7,s)$
1	1	0	3	2	5	4	7	6
2	2,3	3,2	0,1	1,0	6,7	7,6	4,5	5,4
3	4,5,6,7	5,6,7,4	6,7,5,4	7,4,5,6	0,1,2,3	1,2,3,0	2,3,0,1	3,0,1,2

O Algoritmo Distribuído VCube

- Processos executam testes periodicamente em intervalos de testes (p.ex. 30s ou 10ms)
- Cada processo i mantém o vetor local $State_i[N]$
- Em cada intervalo, um processo testa um dos seus $\log N$ clusters
- Testes são executados sequencialmente em cada cluster, até um processo correto ser testado
 - versão 1, hoje vamos ver uma outra versão
- Ao testar um processo correto: testador obtém informações sobre todos os demais processos do cluster que não testou neste intervalo

VCube: Rodada de Testes

- Uma rodada de testes do algoritmo VCube acontece quando todos os processos corretos testaram pelo menos um de seus clusters

VCube: Rodada de Testes

- Uma rodada de testes do algoritmo VCube acontece quando todos os processos corretos testaram pelo menos um de seus clusters
- Não há relógio global, cada processo usa seu relógio local, que não está sincronizado com os demais
- Os processos podem começar seus intervalos de testes em instantes distintos, podem testar clusters de tamanhos distintos ao mesmo tempo
- Em um cluster podem haver um ou mais processos falhos: processos demoram tempos diferentes testando 1 cluster
- O processo mais lento determina a rodada

VCube: Premissas

- No VCube os processos falham por parada (*crash*)
- Enlaces não falham: sistema *fully-connected*
- Assume que um processo correto executa testes perfeitos: determina corretamente o estado do processo testado (100% perfeito!)
- Portanto: o sistema é síncrono

Algoritmo VCube executado pelo processo i:

repita

para s de 1 até $\log N$ e voltando a 1 faça

repita

execute um teste no próximo processo de $C(i,s)$;

se o processo foi testado correto

então obtenha info cluster s e atualize $State_i[N]$;

até ter testado um processo correto ou todos falhos;

durma até o próximo intervalo de testes;

fim-para;

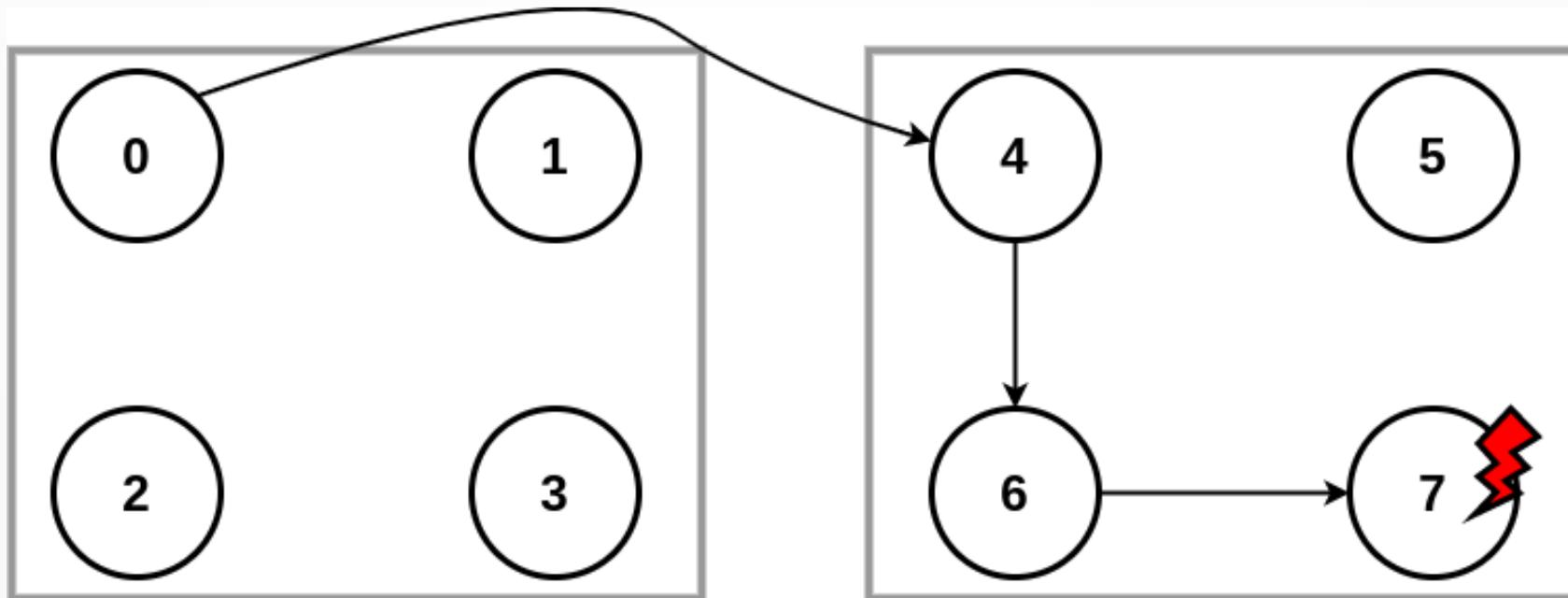
para-sempre;

Propriedades do VCube: Latência e Número de Testes

- Qual a latência do VCube no pior caso?

Propriedades do VCube: Latência e Número de Testes

- Qual a latência do VCube no pior caso?
- Não é $\log N$, mas $\log^2 N$ rodadas de testes: vamos provar agora



Prova da Latência do VCube

- Definição: o grafo de testes $G=(V,T)$ é construído pelo algoritmo VCube ao longo de $\log N$ rodadas de testes consecutivas
- Os vértices do grafo são os processos do sistema
- As arestas do grafo correspondem aos testes executados sobre processos corretos
- Desta forma, existe uma aresta de cada processo correto para um processo em cada um dos $\log N$ clusters testados

Prova da Latência do VCube

- Lema 1: Dado um processo i , um cluster qualquer $C(i,s)$ e um instante de tempo qualquer: em no máximo $\log N$ rodadas de testes i testa $C(i,s)$
 - Prova: pela definição do algoritmo, em 1 intervalo de testes um processo correto testa um cluster até encontrar um processo correto ou testar todos os processos falhos
 - Em 1 rodada de testes todos os processos corretos completam o teste de 1 de seus clusters

Prova da Latência do VCube

- Continuando o Lema 1

- Cada processo tem $\log N$ clusters, portanto em $\log N$ rodadas de testes todos os processos testaram todos os seus clusters
- Assim, no pior caso, para um instante de tempo imediatamente após um processo testar um cluster, serão necessárias no máximo $\log N$ rodadas de testes para aquele processo testar aquele cluster novamente.

Prova da Latência do VCube

- Teorema 1: O menor caminho entre dois vértices do grafo de testes $G=(V,T)$ contém no máximo $\log N$ arestas.
 - Prova: Indução em t , considerando $N = 2^t$
 - Base da indução: considere um sistema com $2^1 = 2$ processos. Cada processo testa o outro em cada rodada testes, portanto o menor caminho entre eles tem sempre 1 aresta.
 - Hipótese da Indução: em um sistema com 2^t processos o maior caminho tem t arestas

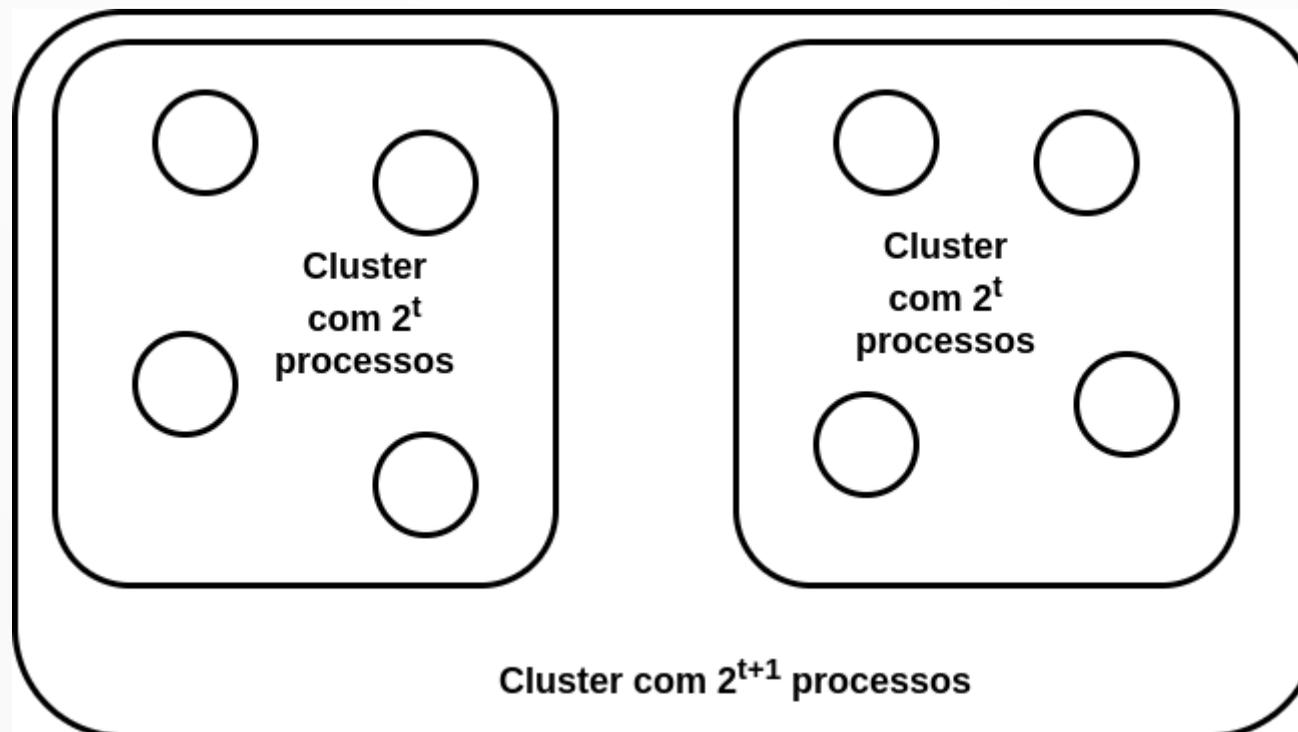
Prova da Latência do VCube

- Continuação do Teorema 1

- Passo da Indução: vamos mostrar que, com a hipótese da indução verdadeira, em um sistema de 2^{t+1} processos o caminho máximo é de $t+1$ arestas
- Um sistema com 2^{t+1} processos corresponde a dois sistemas com 2^t processos

Prova da Latência do VCube

- Continuação do Teorema 1
 - Passo da Indução: Um sistema com $2t+1$ processos corresponde a dois sistemas com $2t$ processos

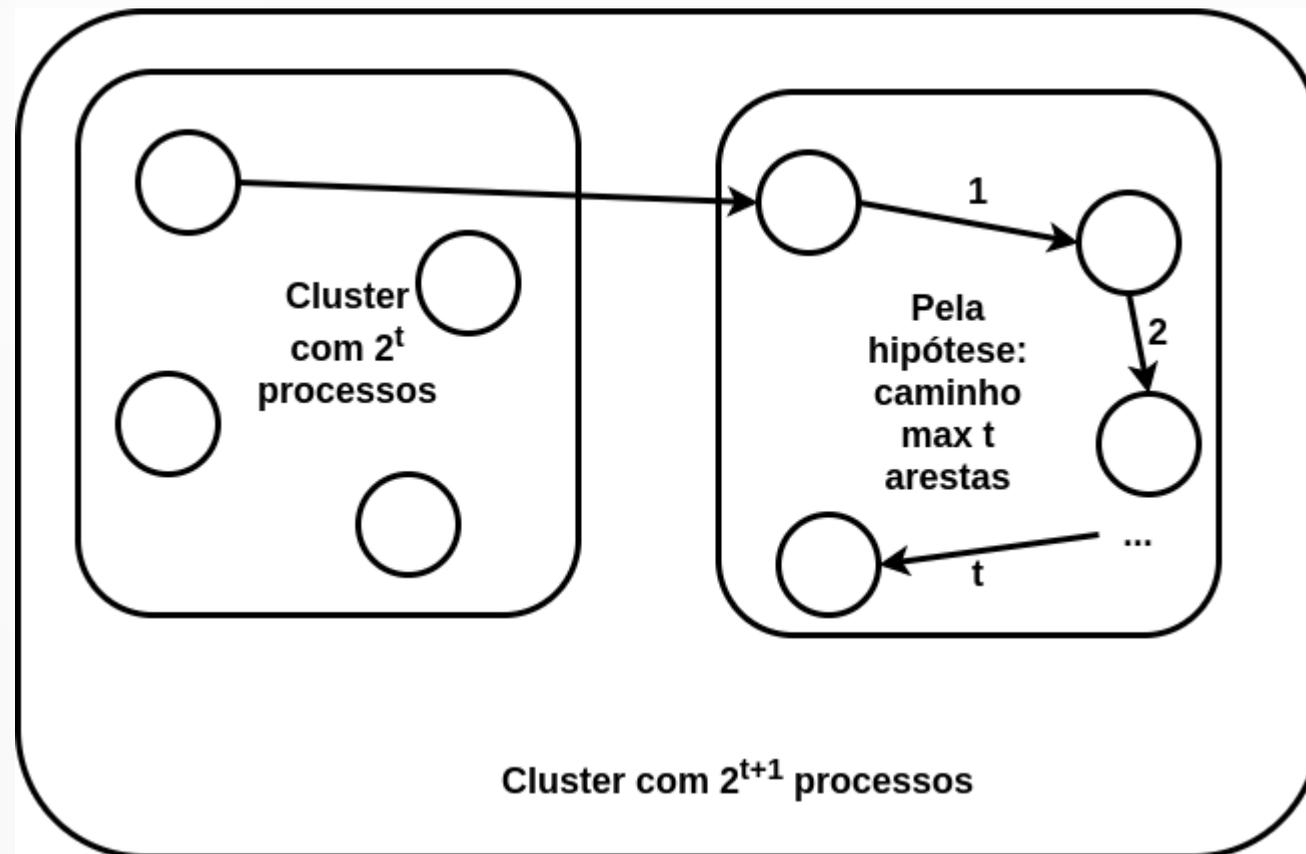


Prova da Latência do VCube

- Continuação do Teorema 1
 - Sem perda de generalidade, considere o cluster da direita
 - De acordo com a hipótese da indução, o caminho mínimo dentro deste cluster com 2^t processos tem, no máximo t arestas
 - Cada processo do cluster da esquerda testa 1 processo do cluster da direita
 - Portanto a distância mínima entre qualquer processo do cluster da esquerda e qualquer processo do cluster da direita é de $t+1$ arestas

Prova da Latência do VCube

- A distância máxima em um sistema com 2^{t+1} processos tem $t+1$ arestas

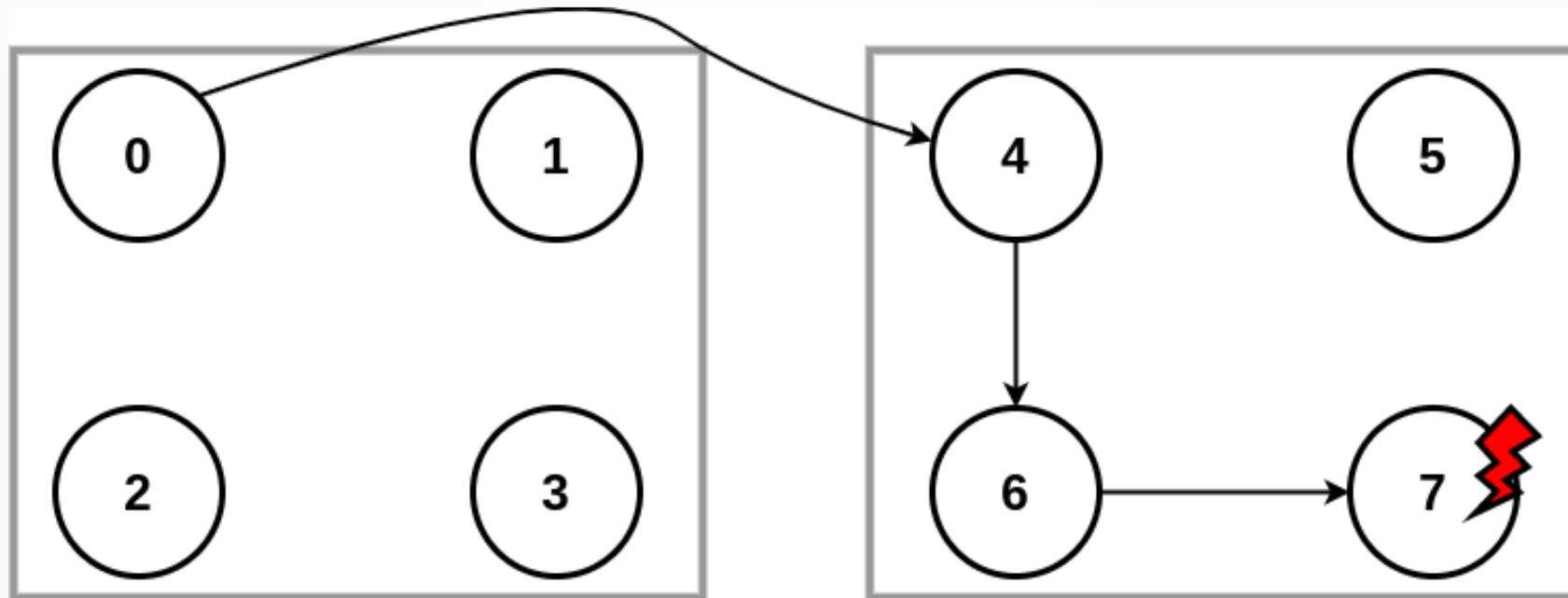


Propriedades do VCube: Latência

- Teorema 2: Considere o sistema em uma determinada situação de falhas. Em no máximo $\log^2 N$ rodadas de testes todos os processos corretos completam o diagnóstico.
 - Prova: De acordo com o Lema 1, podem ser necessárias $\log N$ rodadas de testes para um processo testar um de seus clusters. De acordo com o Teorema 1, o caminho entre dois processos no grafo de testes tem no máximo $\log N$ arestas (testes). Desta forma: para a execução de cada um destes testes podem ser necessárias $\log N$ rodadas. Assim: no total são necessárias $\log N * \log N = \log^2 N$ rodadas para completar o diagnóstico.

Propriedades do VCube: Latência e Número de Testes

- A latência do VCube no pior caso: $\log^2 N$ rodadas de testes

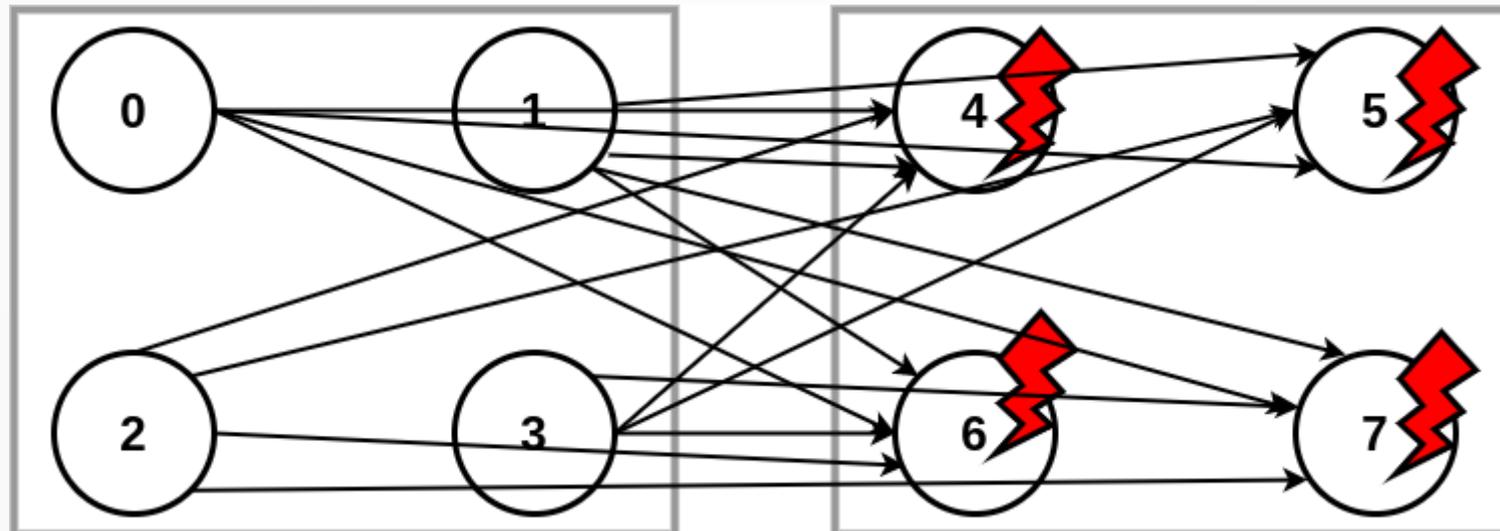


Propriedades do VCube: Número de Testes

- Qual o número máximo de testes executados pelo VCube?

Propriedades do VCube: Número de Testes

- Qual o número máximo de testes executados?
- Considere que todos os processos do maior cluster (com $N/2$ processos) estão falhos
- Quantos testes executa? Os $N/2$ testadores testam todos os $N/2$ falhos: $N^2/4 = O(N^2)$



VCube: Escalabilidade de Testes

- Este problema foi resolvido com uma nova versão do VCube
- Esta versão determina quem é o *testador* de cada processo em cada cluster
- Veja que no algoritmo original a função $C(i,s)$ é usada para determinar quem são os nodos testados
- Aqui: o testador do nodo j no cluster s é o primeiro nodo sem-falha em $C(j,s)$

VCube: Escalabilidade do Número de Testes

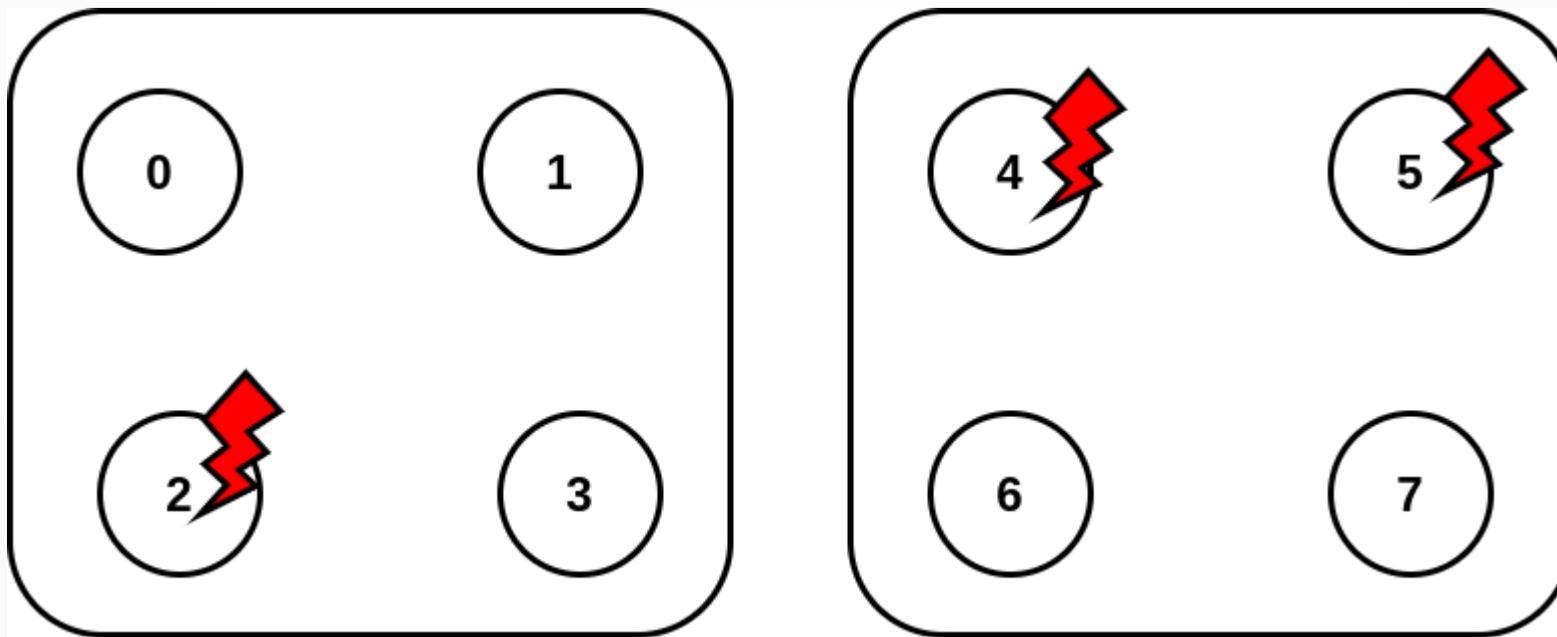
- Assim considerando o sistema que leva ao pior caso do número de testes no algoritmo original
- Os testadores são:
 - Testador do processo 4: primeiro processo correto em $C(4,3)=0$
 - Testador do processo 5: primeiro processo correto em $C(5,3)=1$
 - Testador do processo 6: primeiro processo correto em $C(4,3)=2$
 - Testador do processo 7: primeiro processo correto em $C(5,3)=3$
- Apenas 1 testador por processo, ao invés de todos do outro cluster!

Outra Diferença da Nova Versão do VCube: Obtenção de Informações

- A versão 2 do VCube tem uma outra diferença: ao testar um processo correto, o testador obtém qualquer “novidade” que o testado tenha
 - Na versão anterior obtém apenas informações do cluster testado
- Esta nova estratégia acelera fortemente o diagnóstico na média – o pior caso continua sendo $\log^2 N$
- Para implementar na prática: basta o testado guardar o vetor `State[]` que enviou para cada testador, e no próximo teste só manda o que mudou
 - Na simulação basta comparar os vetores `State[]` do testado e testador ;-)

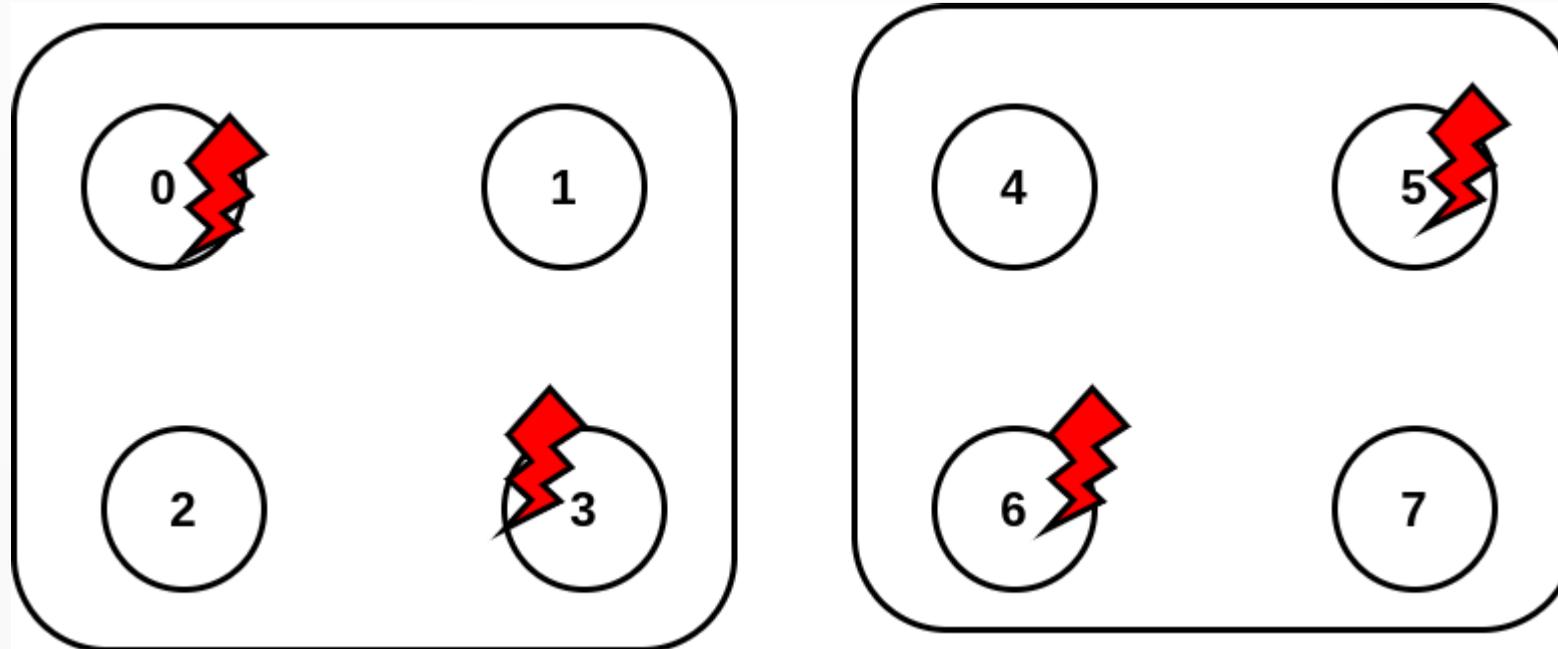
Vamos Fazer Alguns Exercícios

- Exercício 1: mostre os testes executados e as informações transmitidas para o VRing e as duas versões do VCube



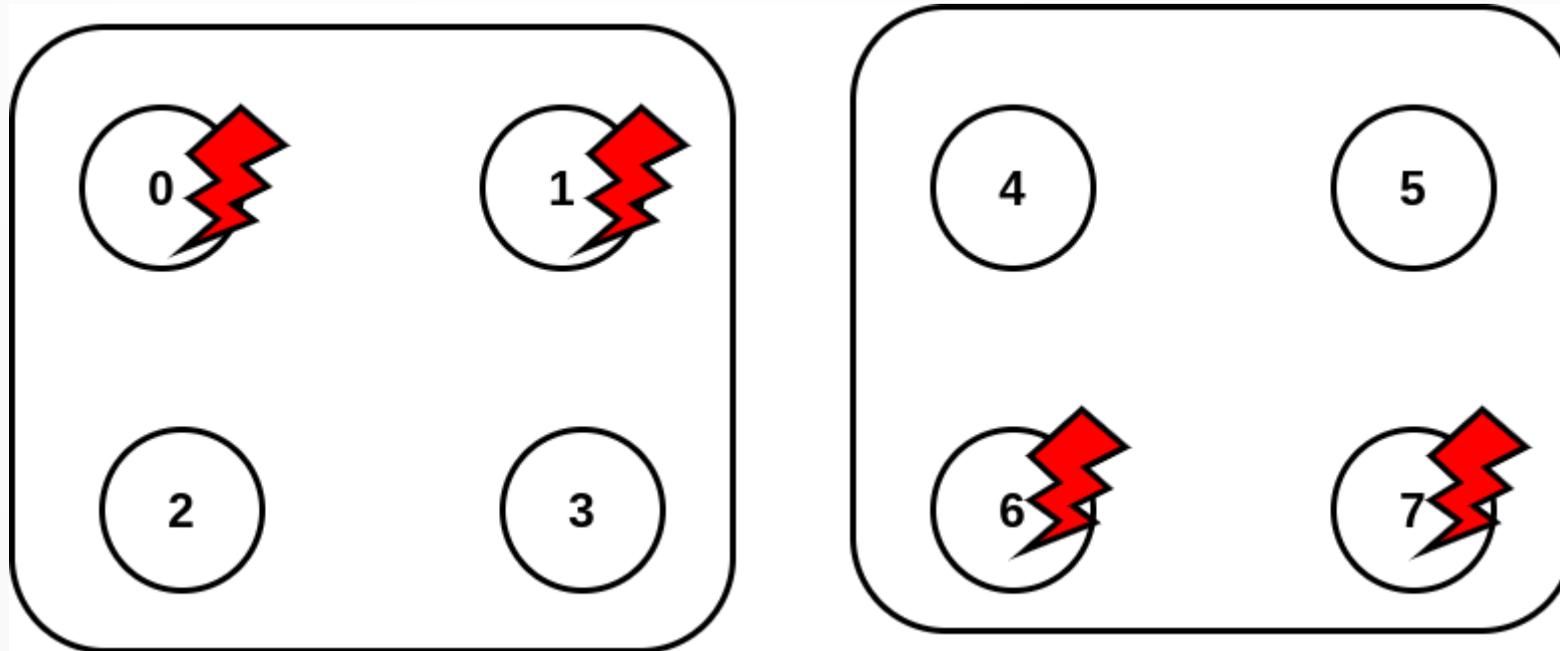
Vamos Fazer Alguns Exercícios

- Exercício 2: mostre os testes executados e as informações transmitidas para o VRing e as duas versões do VCube



Vamos Fazer Alguns Exercícios

- Exercício 3: mostre os testes executados e as informações transmitidas para o VRing e as duas versões do VCube



Referência original do VCube:

“A Hierarchical Adaptive Distributed System-Level Diagnosis Algorithm,” *IEEE Transactions on Computers*, Vol. 47, No. 1, 1998.

Referência da Versão 2 do VCube:

"VCube: A Provably Scalable Distributed Diagnosis Algorithm," Workshop on Latest Advances in Scalable Algorithms for Large-Scale Systems (ScalA), at The Supercomputing Conference 2014 (SC'2014), pp. 1-8, New Orleans, USA, 2014.

Conclusão

- Nesta aula continuamos o estudo sobre o algoritmo distribuído hierárquico VCube
- Provamos a latência no pior caso
- Vimos outra versão: garante $N \log N$ testes a cada $\log N$ rodadas

Obrigado!
Página da Disciplina
Sistemas Distribuídos:
www.inf.ufpr.br/elias/sisdis