

## 13.3 Somadores

**Objetivos:** são três os objetivos deste laboratório: (i) compreender e apreender as bases do processo de depuração de modelos dos três somadores; (ii) medir e comparar seus tempos de propagação; e (iii) construir um modelo para um somador do tipo “seleção do vai-um” (*carry-select adder*), verificar sua corretude, e medir seu tempo de propagação.

O trabalho pode ser efetuado em duplas.

**Preparação:** leia as Seções 6.6, 6.7 e 6.9 de *aritm.pdf*.

### 13.3.1 Material Disponibilizado Para Sua Tarefa

**Etapa 18** Copie para sua área de trabalho o arquivo com o código VHDL:

(a) `wget http://www.inf.ufpr.br/roberto/ci210/vhdl/l_somadores.tgz`

(b) expanda-o com: `tar xzf l_somadores.tgz`

(c) mude para o diretório recém criado: `cd somadores`

O *script* `run.sh` compila o código VHDL e produz um simulador. Se executado sem nenhum argumento de linha de comando, `run.sh` somente (re)compila o simulador e o executa; com um argumento o *script* também dispara a execução de `gtkwave`: `./run.sh 1 & .`

### 13.3.2 Somadores com Adiantamento de Vai-um

O arquivo `packageWires.vhd` contém definições de abreviaturas para nomes de sinais, e constantes para os tempos de propagação das portas lógicas. Neste laboratório todos os valores são do tipo `bit`, com valores em  $\mathbb{B}$ .

O arquivo `aux.vhd` contém os modelos das portas lógicas *inv*, *and*, *or*, *xor*, que são os componentes básicos para este laboratório. Este arquivo não deve ser editado.

O arquivo `somador.vhd` contém três modelos de somadores, com complexidade e desempenho crescentes, a saber *adderCadeia*, *adderAdiant4* e *adderAdianta16*, descritos em *aritm.pdf*.

O modelo *adderCadeia* é um modelo estrutural do somador composto por 16 instâncias do somador completo (*full-adder*), sem circuito de adiantamento de vai-um.

O modelo *adderAdianta4* estende o modelo *adderCadeia* com cadeias de adiantamento de vai-um, para grupos de 4 bits.

O modelo *adderAdianta16* estende o modelo *adderAdianta4* com uma cadeia de adiantamento de vai-um de 16 bits.

O arquivo `tb_somador.vhd` contém o programa de testes (*testbench*, ou TB) para verificar a corretude dos modelos. A arquitetura do TB declara os componentes que serão testados e um **record** que é usado para excitar os modelos. O registro `test_record`, mostrado no Programa 13.53, possui cinco campos e os valores destes campos devem ser atribuídos de forma a gerar todas (*todas?*) as combinações de entradas para garantir a corretude do modelo. O vetor de testes `test_array` contém alguns elementos para ilustrar as possibilidades.

**Programa 13.53: Vetor de valores de entrada para testar os modelos.**

```

type test_record is
  record
    a : reg16;      — entrada
    b : reg16;      — entrada
    f : bit;        — operação: 0=ADD, 1=SUB
    c : reg16;      — saída esperada
    v : bit;        — vai-um/empresta-um esperado
  end record;

type test_array is array(positive range <>) of test_record;

constant test_vectors : test_array := (
  — a,      b,      f, c,      vai-um
  — testes para soma
  (x"0000",x"0000",'0',x"0000",'0'),
  — crescente novos vetores aqui, testes para soma f=0
  (x"0001",x"0001",'0',x"0002",'0'),
  (x"0010",x"0010",'0',x"0020",'0'),
  ...
  — crescente novos vetores aqui, testes para subtração f=1
  (x"0000",x"0000",'1',x"0000",'1')
  ...
);

— troque a constante para FALSE para testar seus modelos
constant TST_CADEIA   : boolean := false;
constant TST_ADIANT4  : boolean := true;
constant TST_ADIANT16 : boolean := true;

```

No `test_record`, os campos `a,b,c` são vetores de bits codificados em hexadecimal (`x"0FA4"`) e contém as parcelas da soma e o valor esperado para o resultado. O campo `f` determina a função do circuito: se `f='0'`, o circuito efetua somas; se `f='1'`, o circuito efetua subtrações. O campo `v` contém o vai-um esperado. Nas subtrações o valor de `v` deve ser complementado porque este bit se comporta como empresta-um, ao invés de vai-um.

Para testar cada modelo de somador, altere a respectiva constante para `false` e então verifique os resultados. As constantes são `TST_CADEIA`, `TST_ADIANT4` ou `TST_ADIANT16`.

A sequência de testes é implementada no processo `U_testValues`, com um laço `for ... loop`. A variável de iteração itera no espaço definido pelo número de elementos do vetor de testes (`test_vectors'range`) – o atributo `'range` representa a faixa de valores do índice do vetor. Se mais elementos forem acrescentados ao vetor, o laço executará mais iterações. O elemento do vetor é atribuído à variável `v` e os vários campos do vetor são então atribuídos aos sinais que excitam os modelos. O processo `U_testValues` executa concorrentemente com os modelos dos somadores e, quando os sinais de teste são atribuídos no laço, estes provocam alterações nos sinais das entradas dos modelos.

O comando `assert` verifica se a saída observada do somador é igual à saída esperada. Se os valores são iguais, o comportamento é o esperado, e portanto *correto, do ponto de vista dos vetores de teste que você escreveu*. Note que se você escolher valores de teste inadequados, ou errados, o diagnóstico de eventuais problemas no modelo pode ser difícil.

Ao final do laço, a simulação termina no comando **wait**, que faz com que a execução do simulador se encerre.

O arquivo `s.vcd` contém definições para o `gtkwave` tais como a escala de tempo e sinais a serem exibidos na tela para a verificação dos modelos dos 3 somadores: os sinais no topo são do somador sem adiantamento de vai-um, ao centro são os sinais do somador com adiantamento de 4 em 4 bits, e embaixo os sinais do somador com adiantamento de 4 em 4, e de 16 em 16 bits.

**Etapa 19** Os modelos no arquivo `somador.vhd` contém erros que você deve encontrar e corrigir. Os erros estão nos modelos dos somadores. Você deve ampliar o vetor de testes para explicitar os erros.

Acrescente ao arquivo `tb_somadores.vhd` os vetores de teste para verificar a corretude dos três somadores. Acrescente tantas tuplas quantas forem necessárias à `test_vectors` para que se possa ter um mínimo de confiança na corretude do projeto.

Cada um dos modelos contém um erro e sua tarefa é gerar vetores de teste que evidenciem os erros para então corrigir os modelos. Os erros estão (somente) nos modelos dos somadores.

### Que valores usar nos testes?

Revise a Seção 6.9. Os valores escolhidos para os testes ajudam a evidenciar os locais onde, provavelmente, há um erro no modelo. É imprescindível ler com atenção as saídas de texto do simulador para descobrir a eventual inconsistência em cada um dos testes. A posição do bit em erro indica a posição no modelo que pode estar errada.

### 13.3.3 Temporização

Os modelos dos somadores contém informação de temporização.

No topo do arquivo `packageWires.vhd` estão as declarações das constantes com o tempo de propagação das portas lógicas definidas em `aux.vhd`. Edite `packageWires.vhd` e altere a definição da constante `simulate_time`, no topo do arquivo, de 0 para 1. Note que as constantes que definem os tempos de propagação estão multiplicadas por um número que pode ser zero ou um. Recompile os modelos e verifique seu funcionamento com `gtkwave`.

A Figura 13.17 mostra a tela do gtkwave com uma simulação dos três somadores. As barras de cor ciano indicam o tempo de propagação dos sinais, desde a mudança nas entradas, até que a saída estabiliza. Por “estabiliza” entenda-se que *ambos*, a soma e o vai-um estabilizaram.

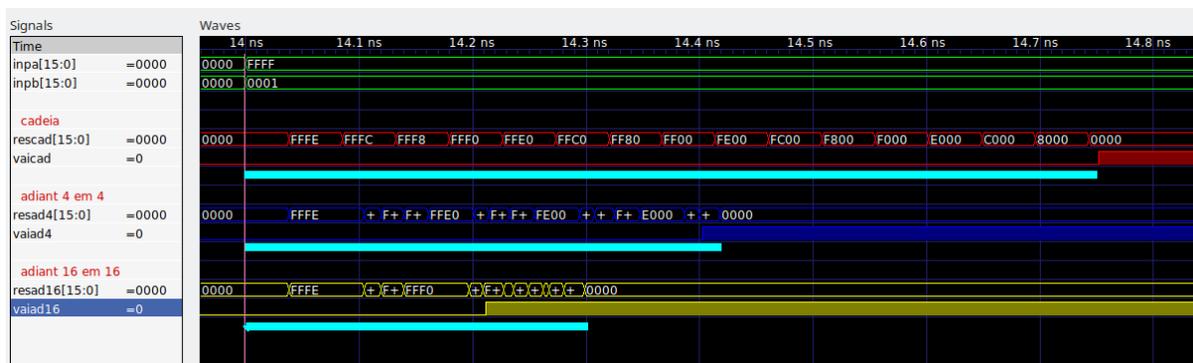


Figura 13.17: Tempo de propagação dos três somadores.

A saída do somador sem adiantamento (*cadeia*) passa por 15 estágios, e em cada estágio, um bit dos menos significativos assume o seu valor definitivo. No somador com adiantamento de 4 bits, também são 15 estágios, e em quatro deles se percebe que um quarteto inteiro assumiu seu valor definitivo. A saída do somador com adiantamento de 16 bits, por causa dos vários caminhos de adiantamento, embaralha a evolução do resultado ao longo do tempo. Ajustando-se a escala de tempo horizontal (*zoom*) é possível que todos os estágios fiquem aparentes.

Lembre que o *tempo de propagação* é aquele do caminho mais longo entre entradas e saídas. No caso de somadores, o caminho mais longo inicia no *vem-um* e termina, ou no *vai-um*, ou no bit mais significativo.

**Achtung:** o tempo de propagação pode mudar em função dos valores de teste; escolha valores das entradas que atravessam o caminho crítico provocando alteração em todos os bits da saída. O par (x0001, xffff) não é o que produz o pior tempo de propagação.

**Etapa 20** Meça e compare os tempos de propagação dos três somadores.

**Não esqueça de entregar os resultados das medições ao professor.** Use os cursores do gtkwave para medir os tempos de propagação.

- (1) Quais são os valores para as entradas que explicitam os piores casos do tempo de propagação? Justifique sua resposta.
- (2) Quais os ganhos de desempenho dos modelos com adiantamento, com relação ao modelo sem adiantamento? Mostre como efetuou a comparação.

Espaço em branco proposital.

### 13.3.4 Somador de 32 bits – *carry select adder*

Reveja a Seção 6.7 de aritm.pdf.

Nos diagramas, os números inteiros são denotados por cadeias de bits  $a_{n-1}a_{n-2}\cdots a_0$  que representam o número  $a_{n-1} \cdot 2^{n-1} + a_{n-2} \cdot 2^{n-2} + \cdots + a_0 \cdot 2^0$ .

Uma alternativa de projeto para a implementação de somadores é mostrada na Figura 13.18, que contém um somador de 8 bits construído com três somadores de 4 bits. A parte menos-significativa do resultado é obtida pela soma dos dois operandos:

$$\langle V_3 S_{3..0} \rangle = A_{3..0} + B_{3..0} + vem_0.$$

A parte mais-significativa é obtida em paralelo com a parte menos-significativa, computando-se simultaneamente as duas alternativas, uma com  $vem_4 = 0$ , e a outra com  $vem_4 = 1$ .

Quando os sinais se propagam através do somador da metade menos significativa e o valor de  $V_3 = vai_3$  fica estável, este é usado para escolher uma das duas somas para a metade mais significativa, com o multiplexador de 4 bits de largura. Este circuito é chamado de “somador com seleção de vai-um” (*carry select adder*).

Verifique no modelo se a função lógica que determina o valor de  $vai_8$  está correta.

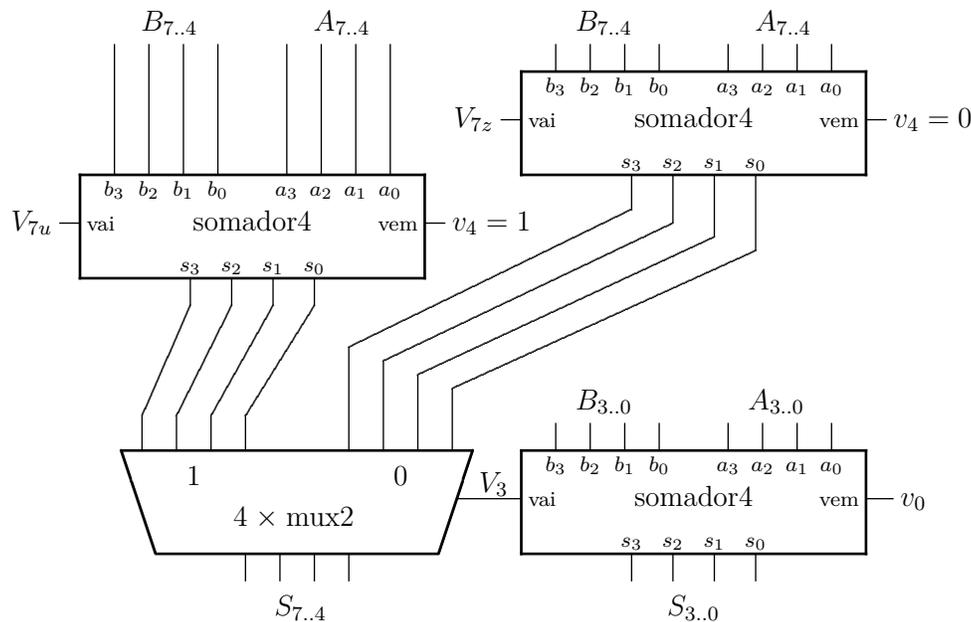


Figura 13.18: Somador com seleção de vai-um.

**Etapa 21** Sua tarefa é escrever um modelo de somador com seleção de vai-um com 32 bits de largura. Acrescente seu código VHDL ao final do arquivo `somadores.vhd`. O *testbench* a ser usado nesta etapa é `tb_csa.vhd`, que já contém alguns dos vetores de teste para seu modelo. Para executar os testes, invoque o script `./runCSA.sh`, que compila e executa a simulação.

O vetor de testes `test_array` foi ajustado para os operandos de 32 bits e é mostrado no Programa 13.54. Esse modelo efetua somente somas.

**Programa 13.54: Vetor de testes para o somador de 32 bits.**

```

type test_record is
  record
    a : reg32;      — entrada
    b : reg32;      — entrada
    c : reg32;      — saída
    v : bit;        — vai-um
  end record;

type test_array is array(positive range <>) of test_record;

constant test_vectors : test_array := (
  — a, b, c, vai-um
  — testes para soma
  (x"00000000",x"00000000",x"00000000",'0'),
  — acrescente novos valores aqui
  (x"00000001",x"00000001",x"00000002",'0'),
  (x"00000fff",x"00000001",x"00001000",'0'),
  ...
);

```

**Etapa 22** O tempo de propagação do somador com seleção de vai-um é mais curto do que um circuito com dois somadores de 16 bits ligados em série? Nesta etapa, para efetuar a comparação, suponha que dois somadores de 16 bits rápidos são ligados em série e o vai-um do primeiro ( $V_{15}$ ) é ligado diretamente à entrada vem-um do segundo.

**Entregar até as 07:30 do dia 24fev (quarta-feira).**

**Histórico das Revisões:**

22fev2021: adição do diagrama de tempos;  
10fev2021: revisão no texto;  
02set2019: revisão no texto; remoção do multiplicador;  
23ago2018: pequenos ajustes c.r.aos testes;  
30ago2017: revisão no texto;  
31ago2016: adição de tb\_csa.vhd e runCSA.sh;  
03set2014: melhora no texto sobre testes; mult para dever de casa;  
05mar2014: adição de texto sobre vetores de teste;  
19ago2013: revisão do texto, adição do carry-select adder;  
20mar2013: segunda versão;  
01nov2012: primeira versão.