

# Universidade Federal do Paraná

Tópicos em Inteligência Artificial

Dr<sup>a</sup> Aurora Pozo

## GRASP

*Greedy Randomized Adaptive Search Procedures*

*Ademir Roberto Freddo*

*Robison Cris Brito*

# Roteiro

- Introdução
- GRASP
- Implementação
- Tecnologias Utilizadas
- Experimentos
- Resultados Obtidos
- Conclusões

# Introdução

## **Objetivo:**

“Implementação da Metaheurística GRASP para o problema do Caixeiro Viajante”

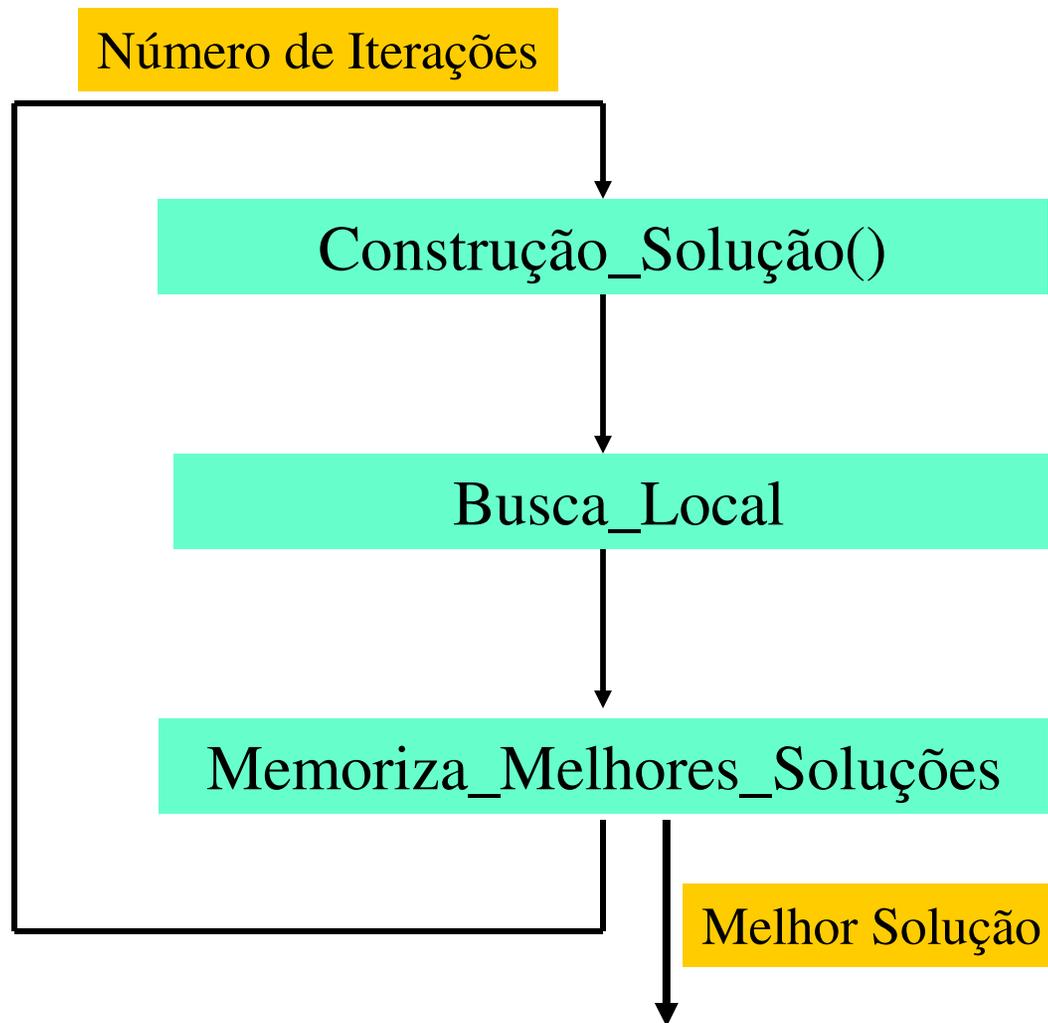
## **Motivação:**

- Heurísticas;
- Metaheurísticas;
- Híbridização;
- Aplicações para o problema do Caixeiro Viajante;

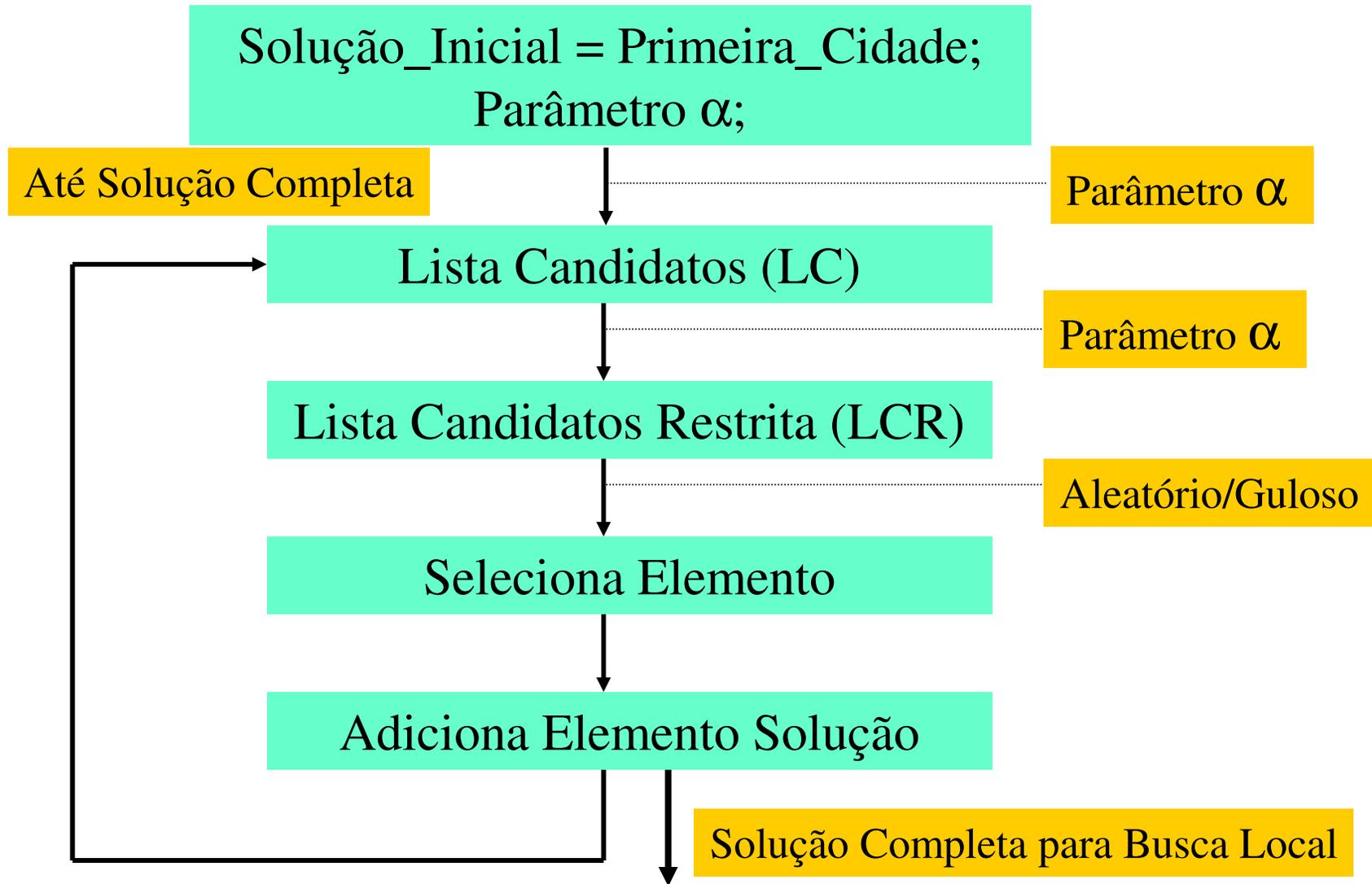
# GRASP

- Metaheurística para geração rápida de soluções;
- Thomas A. Feo e Mauricio G. C. Resende (1989).
- Duas Fases:
  - Heurística Construtiva : Geração Gulosa, Randômica e Adaptativa;
  - Busca Local: Busca na solução encontrada.

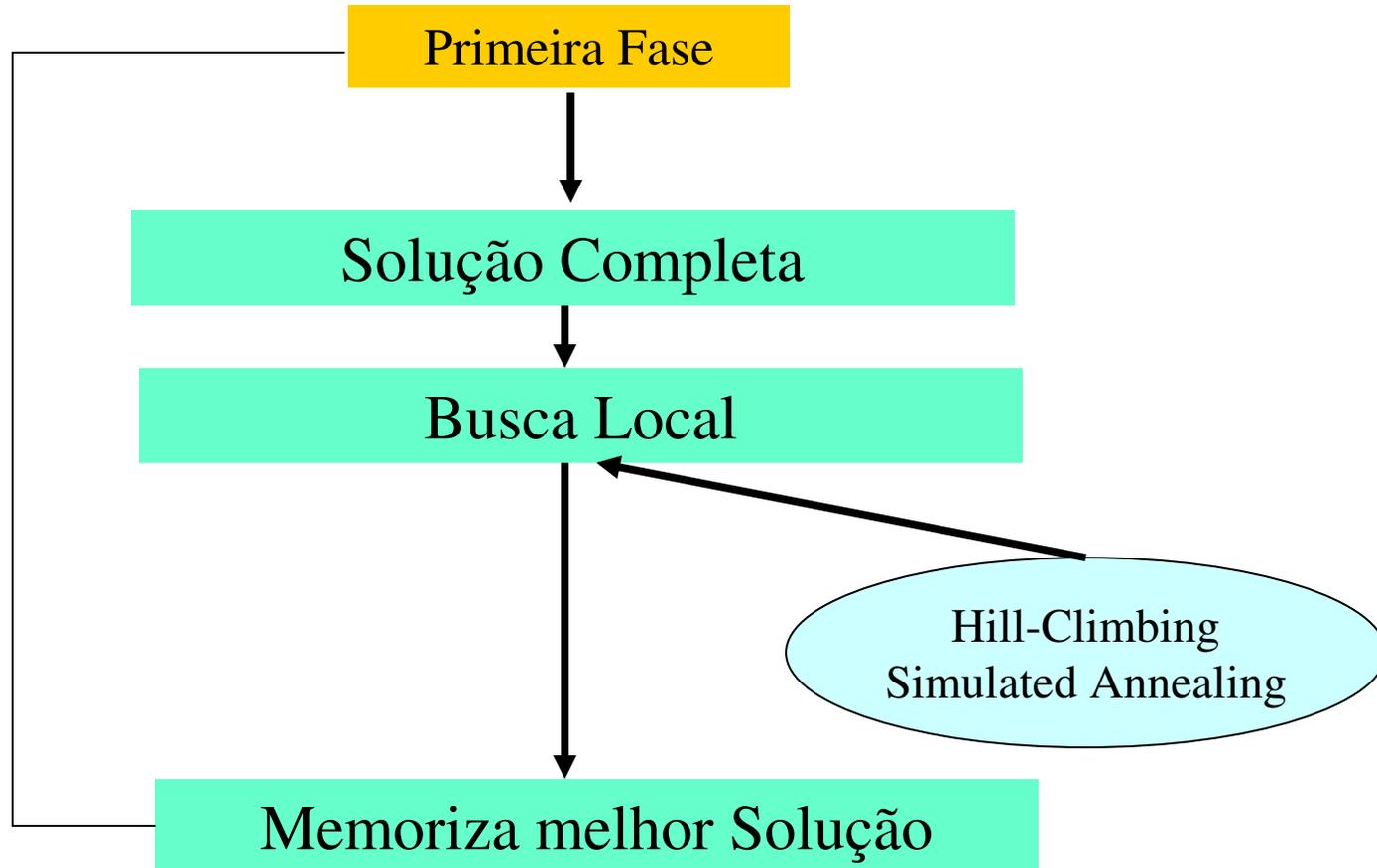
# Algoritmo GRASP



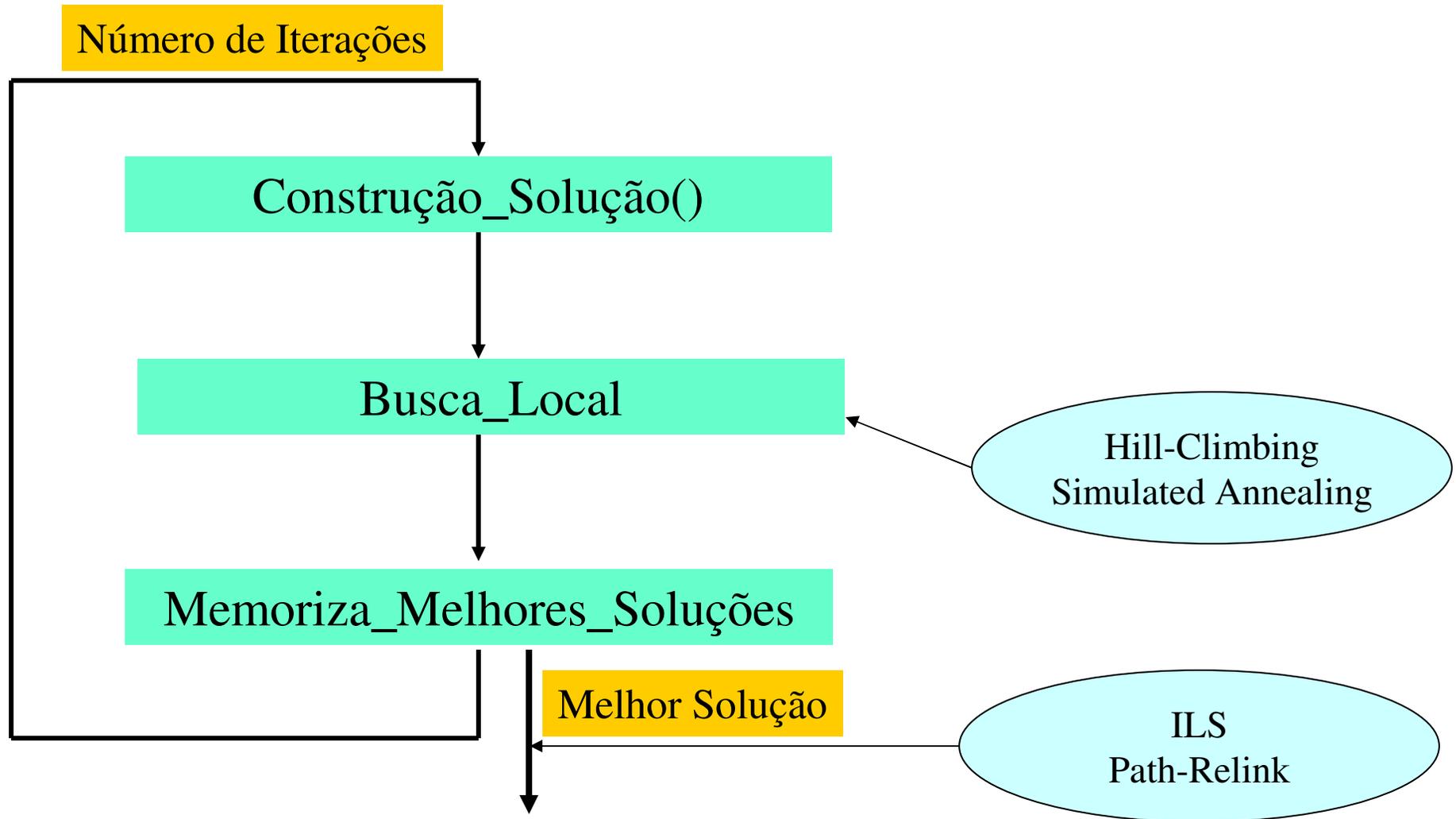
# Fase: Construção



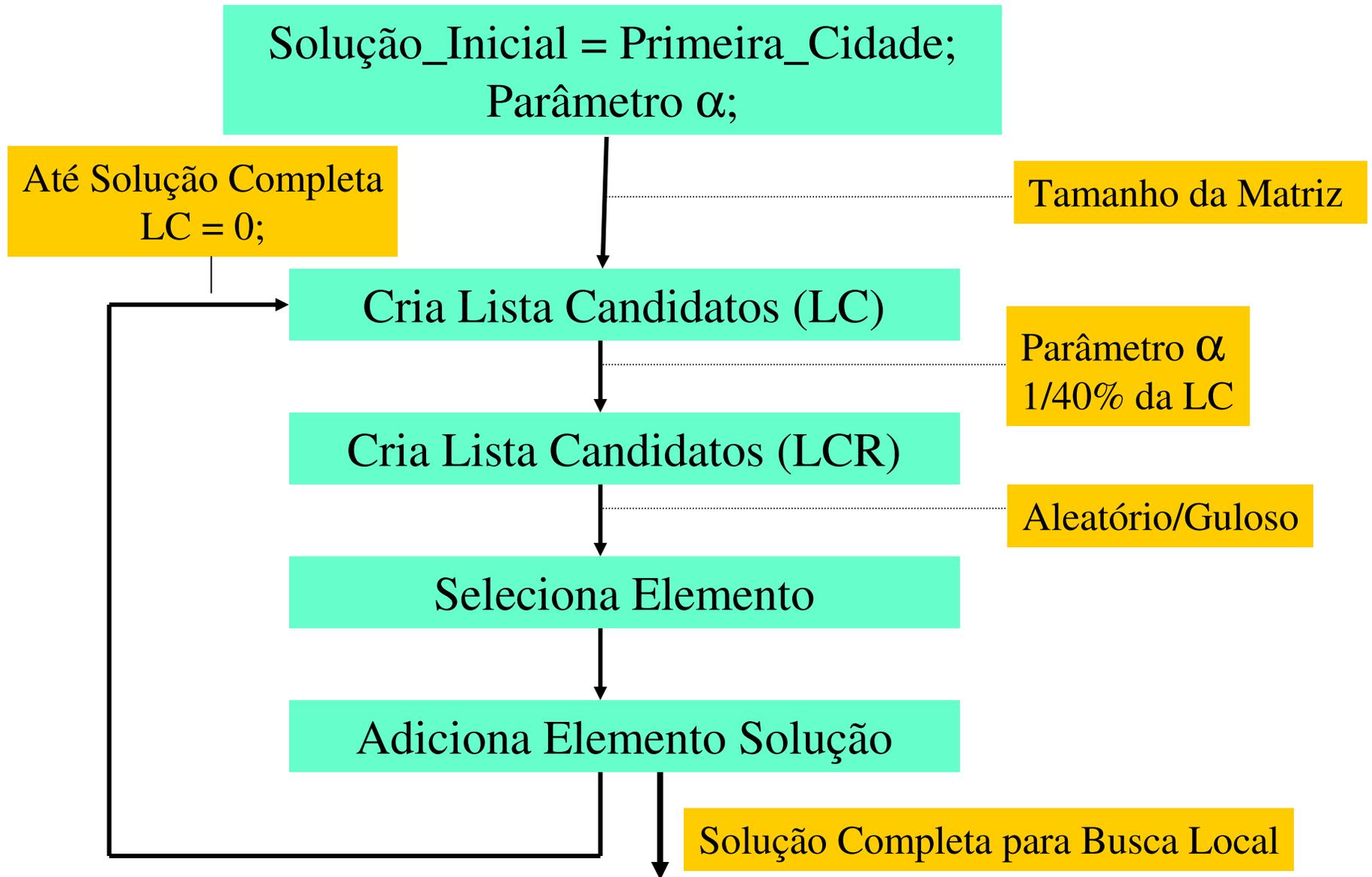
# Fase: Busca Local



# Algoritmo GRASP

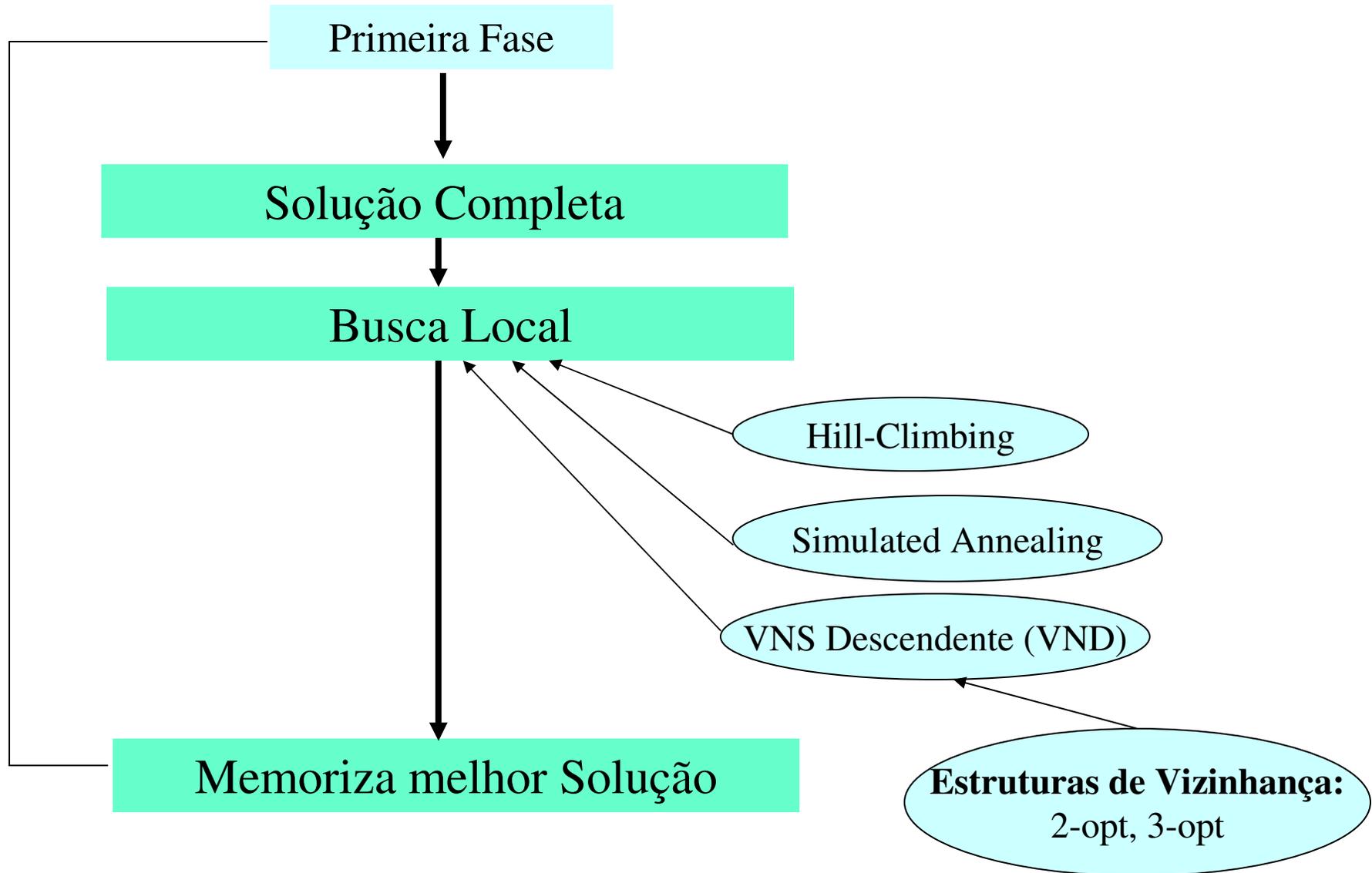


# Implementação - Fase: Construção



# Fase: Busca Local

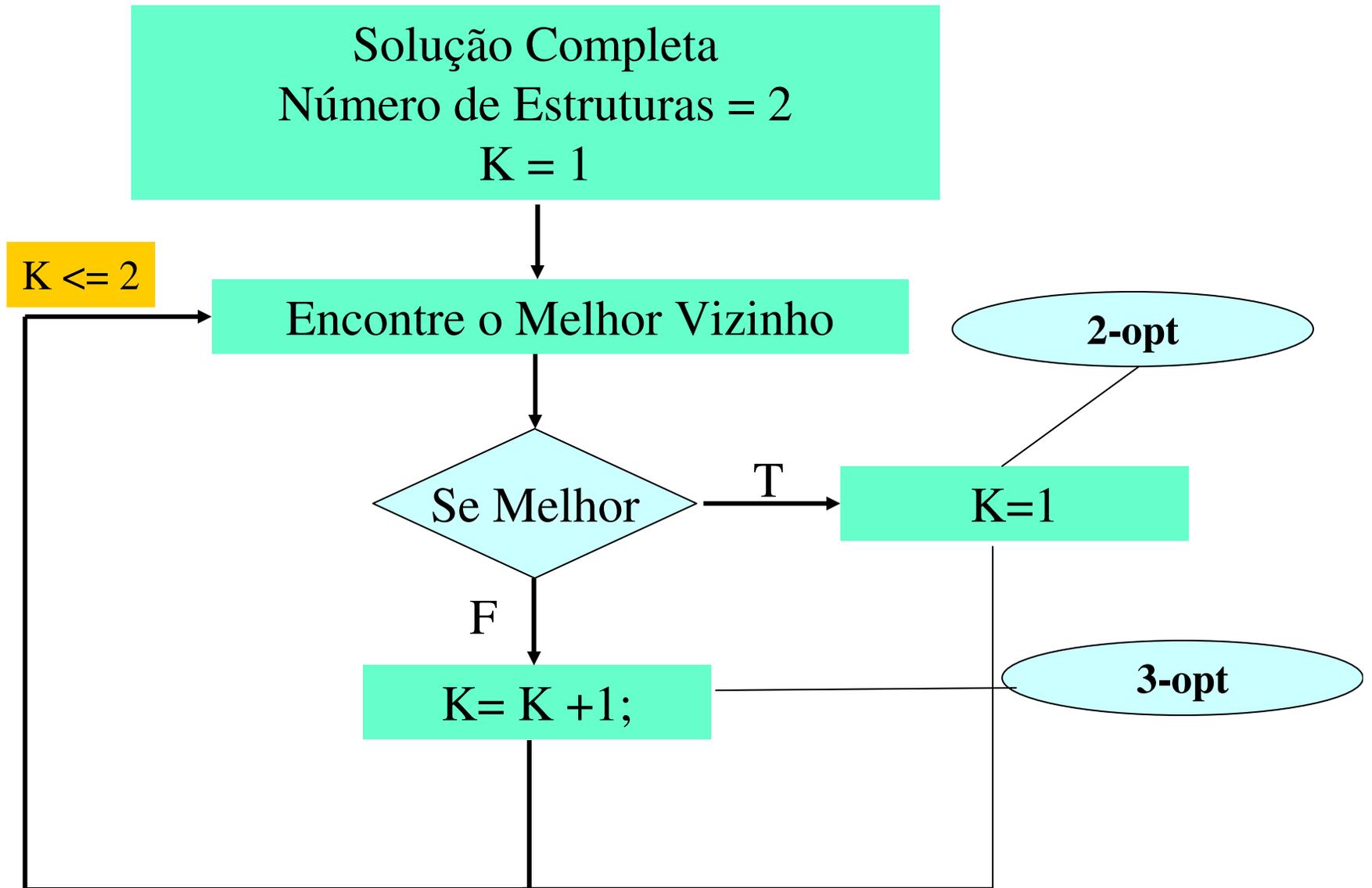
Número de Iterações



# Tecnologias Utilizadas

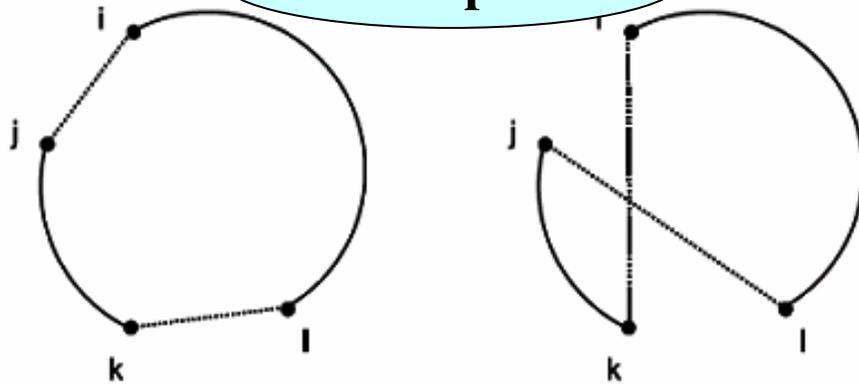
- Hill-Climbing
  - Busca Local com troca entre vizinhos;
- SA
  - Temperatura Inicial: 30;
  - Temperatura Final: 0.1;
  - Número de Iterações: 60% da Matriz;
  - Taxa de Redução de Temperatura: 0.2%

# Tecnologias Utilizadas: VND

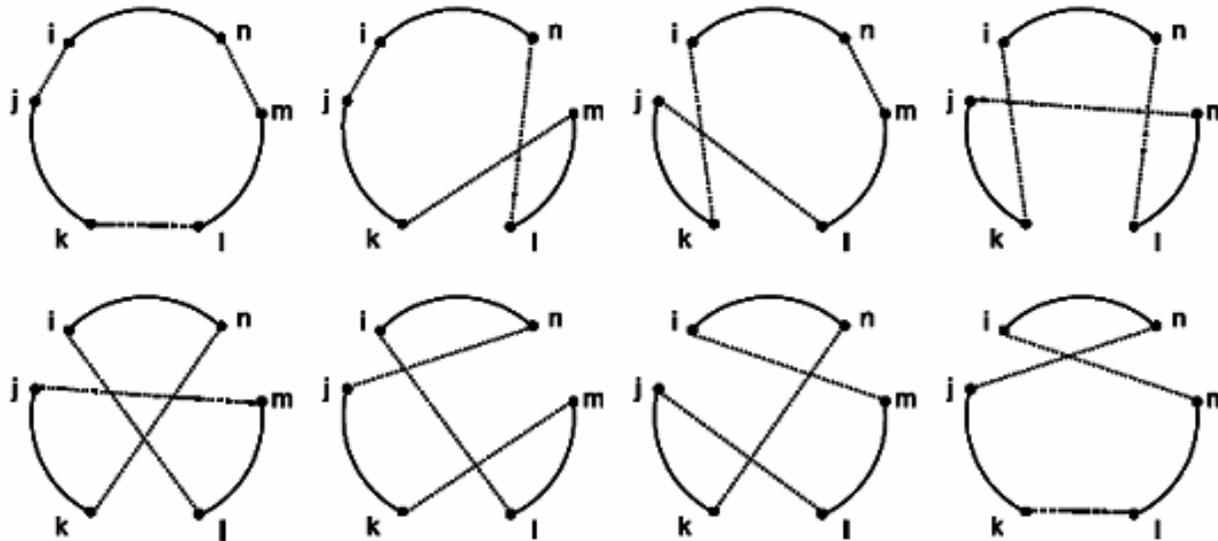


# Estruturas de Vizinhaça (VND)

2-opt



3-opt



# Experimentos

- Instâncias: dantzig42, fri26, gr48, hk48
- Híbridizações:
  - GRASP/HC
  - GRASP/SA
  - GRASP/VND
- Para cada híbridização:
  - Aleatório, Puramente Guloso (valor de alfa);
- Número de execuções:
  - 10 execuções para cada instância;
  - Total:  $10 \times 4$  instâncias  $\times 3$  híbridizações  $\times 2$  alfa = 240

# Construção da Lista

<b>0</b>	1	2	3	4	5	6	7	8	9
----------	---	---	---	---	---	---	---	---	---

<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>	<b>7</b>	<b>8</b>	<b>9</b>
10	9	8	1	2	14	16	20	30

<b>4</b>	<b>5</b>	<b>3</b>	<b>2</b>	<b>1</b>	<b>6</b>	<b>7</b>	<b>8</b>	<b>9</b>
1	2	8	9	10	14	16	20	30

Solução: 0, 4, .....

# Construção da Lista

0	1	2	3	<b>4</b>	5	6	7	8	9
---	---	---	---	----------	---	---	---	---	---

<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>5</b>	<b>6</b>	<b>7</b>	<b>8</b>	<b>9</b>
3	2	8	7	11	14	16	16

<b>2</b>	<b>1</b>	<b>5</b>	<b>3</b>	<b>6</b>	<b>7</b>	<b>8</b>	<b>9</b>
2	3	7	8	11	14	16	16

Solução: 0, 4, 2, .....

# Construção da Lista

0	1	<b>2</b>	3	4	5	6	7	8	9
---	---	----------	---	---	---	---	---	---	---

<b>1</b>	<b>3</b>	<b>5</b>	<b>6</b>	<b>7</b>	<b>8</b>	<b>9</b>
3	8	7	11	14	16	16

.....

# Construção da Lista

0	<b>1</b>	2	3	4	5	6	7	8	9
---	----------	---	---	---	---	---	---	---	---

Solução: 1,.....

# Construção da Lista

0	1	<b>2</b>	3	4	5	6	7	8	9
---	---	----------	---	---	---	---	---	---	---

Solução: 2,.....

# Construção da Lista

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Solução: 3,.....

# Construção da Lista

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Solução: 4,.....

# Construção da Lista

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Solução: 5,.....

# Construção da Lista

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Solução: 6,.....

# Algoritmo Busca Local

```
for( int i=0; i < tamanhoMatriz; i++) {  
    int estadoInicial[] = CoreGrasp.gerarEstadoInicialGuloso( i, distanciaEntre, alfa  
    int estadoAposHC[] = CoreGrasp.executarHillClimbing( estadoInicial, distanciaEntre  
  
    int custo = CoreGrasp.calculaDistancia( distanciaEntre, estadoAposHC );  
  
    if ( custo < melhorRota.getCusto() ) {  
        melhorRota.setEstado( estadoAposHC.clone() );  
        melhorRota.setCusto( custo );  
    }  
}
```

# Algoritmo Simuated Annealing

```
for( int i=0; i < tamanhoMatriz; i++) {  
    int estadoInicial[] = CoreGrasp.gerarEstadoInicialGuloso( i, distanciaEntre, alfa  
    int estadoAposHC[] = CoreGrasp.executarSA( estadoInicial, distanciaEntre,  
        CoreGrasp.temperaturaInicial, CoreGrasp.temperaturaFinal,  
        CoreGrasp.taxaResfriamentoTemperatura,  
        CoreGrasp.numeroIteracoesTemperatura );  
  
    int custo = CoreGrasp.calculaDistancia( distanciaEntre, estadoAposHC );  
  
    if ( custo < melhorRota.getCusto() ) {  
        melhorRota.setEstado( estadoAposHC.clone() );  
        melhorRota.setCusto( custo );  
    }  
}
```

# Algoritmo VND/VNS

```
for( int i=0; i < tamanhoMatriz; i++) {
    int melhorEstado[] = CoreGrasp.gerarEstadoInicialGuloso( i, distanciaEntre, alfa
    int melhorCusto = CoreGrasp.calculaDistancia( distanciaEntre, melhorEstado );

    int k = 1;

    while( k <= 2 ) {

        if ( k == 1 ) {
            estadoAposOpt = CoreGrasp.melhor2Opt( melhorEstado, distanciaEntre );
        } else if ( k == 2 ) {
            estadoAposOpt = CoreGrasp.melhor3Opt( melhorEstado, distanciaEntre );
        }

        custoAposOpt = CoreGrasp.calculaDistancia( distanciaEntre, estadoAposOpt )

        if ( custoAposOpt < melhorCusto ) {
            melhorCusto = custoAposOpt;
            melhorEstado = estadoAposOpt.clone();
            k=1;
        } else {
            k++;
        }
    }
}
```

# Resultados – GRASP Guloso

## Melhores Resultados

Instâncias	Melhor Custo	GRASP/HC	GRASP/SA	GRASP/VND
Dantzig 42	699	863	863	699
fri26	937	955	955	937
gr48	5046	5781	5779	5093
hk48	11461	12110	12006	11470

## Média

Instâncias	Melhor Custo	GRASP/HC	GRASP/SA	GRASP/VND
dantzig42	699	918	916	710
fri26	937	1057	1059	954
gr48	5046	6228	6211	5147
hk48	11461	13263	12116	11571

## Tempo

Instâncias	GRASP/HC	GRASP/SA	GRASP/VND
dantzig42	0,01	1,94	1,42
fri26	0,001	2,65	0,10
gr48	0,01	12,52	2,85
hk48	0,02	36,40	1,60

# Resultados – GRASP Aleatório

## Melhores Resultados

<b>Instâncias</b>	<b>Melhor Custo</b>	<b>GRASP/HC</b>	<b>GRASP/SA</b>	<b>GRASP/VND</b>
<b>Dantzig 42</b>	<b>699</b>	1027	938	699
<b>fri26</b>	<b>937</b>	1345	1341	937
<b>gr48</b>	<b>5046</b>	7828	6712	5046
<b>hk48</b>	<b>11461</b>	17012	16504	11470

## Média

<b>Instâncias</b>	<b>Melhor Custo</b>	<b>GRASP/HC</b>	<b>GRASP/SA</b>	<b>GRASP/VND</b>
<b>dantzig42</b>	<b>699</b>	1919	1892	714
<b>fri26</b>	<b>937</b>	1765	1862	958
<b>gr48</b>	<b>5046</b>	13771	11920	5151
<b>hk48</b>	<b>11461</b>	30164	28658	11785

## Tempo

<b>Instâncias</b>	<b>GRASP/HC</b>	<b>GRASP/SA</b>	<b>GRASP/VND</b>
<b>Dantzig 42</b>	0,001	3,30	2,94
<b>fri26</b>	0,001	1,81	0,17
<b>gr48</b>	0,01	32,60	6,24
<b>hk48</b>	0,01	52,34	5,34

# Resultados - Comparação

	GRASP/HC			GRASP/SA			GRASP/VND		
	Custo	%	GRASP	Custo	%	GRASP	Custo	%	GRASP
<u>Dantzig 42</u>	863	23,46%	G	863	23,46%	G	699	0,00%	G
fri26	955	1,92%	G	955	1,92%	G	937	0,00%	G
gr48	5781	14,57%	G	5779	14,53%	G	5046	0,00%	A
hk48	12110	5,66%	G	12006	4,76%	G	11470	0,08%	G/A

Comparação utilizando os melhores valores obtidos

	GRASP/HC			GRASP/SA			GRASP/VND		
	Custo	%	GRASP	Custo	%	GRASP	Custo	%	GRASP
<u>Dantzig 42</u>	918	31,33%	G	916	31,04%	G	710	1,57%	G
fri26	1057	12,81%	G	1059	13,02%	G	954	1,81%	G
gr48	6228	23,42%	G	6211	23,09%	G	5147	2,00%	G
hk48	13263	15,72%	G	12116	5,72%	G	11571	0,96%	G

Comparação utilizando médias de execução

# Conclusões

- Facilidade de Híbridização do GRASP
  - Diversificação/Intensificação
- Características do GRASP
  - Amostragem Rápida
- Importância da Primeira Fase do GRASP
- Fase Gulosa – Melhores Resultados
- GRASP/HC melhores resultados do que GRASP/SA com tempo inferior
- GRASP/VND melhores resultados com complexidade computacional baixa
- GRASP/VND escolha das estruturas de vizinhança adequadas

# Universidade Federal do Paraná

Tópicos em Inteligência Artificial

Dr<sup>a</sup> Aurora Pozo

## GRASP

*Greedy Randomized Adaptive Search Procedures*

*Ademir Roberto Freddo*

*Robison Cris Brito*