



MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO  
UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARANÁ  
SETOR DE CIÊNCIAS EXATAS

DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA



**PLANO DE ENSINO**  
Ficha n° 2 (variável) - CMA211



<b>Disciplina: Cálculo 2A</b>						<b>Código: CMA211</b>
<b>Natureza:</b> (X) Obrigatória ( ) Optativa				Semestral (X) Anual ( ) Modular ( )		
<b>Pré-requisito:</b> CMA111	<b>Co-requisito:</b> não há	<b>Modalidade:</b> (X) Presencial ( ) Totalmente EaD ( ) *C.H. EaD ( ) Remota (resolução 56/21) ( ) Híbrida (resolução 56/21)				
<b>C.H. Total: 90</b>	Padrão (PD): 90	Laboratório (LB): 0	Campo (CP): 0	Estágio (ES): 0	Orientada (OR): 0	Prática Específica (PE): 0
Estágio de Formação Pedagógica (EFP): 0	Extensão (EXT): 0	Prática como Componente Curricular (PCC): 0				

### EMENTA

O Espaço  $R^n$ . Função de uma variável real a valores vetoriais: limite, continuidade, derivação e integração. Função de várias variáveis reais a valores reais. Limite, continuidade e derivadas parciais. Diferenciabilidade, plano tangente e o vetor gradiente. Regra da Cadeia, gradiente e derivadas de ordens superiores. Teorema do Valor Médio e Fórmula de Taylor com Resto de Lagrange (para função de várias variáveis). Máximos, mínimos e o Método dos Multiplicadores de Lagrange. Integral dupla e Teorema de Fubini. Mudança de variáveis na integral dupla. Cálculo de volumes, área de superfície e integral de superfície. Integral tripla. Mudança de variáveis na integral tripla. Aplicações. Função de várias variáveis reais a valores vetoriais. Integral de linha. Campo conservativo e forma diferencial exata. Cálculo vetorial e os Teoremas de Green, da Divergência (Gauss) e de Stokes. Tópicos de cálculo.

### PROGRAMA

- ESTRUTURA DO ESPAÇO  $R^n$ .** O espaço  $R^n$  como espaço normado e métrico. Curvas no plano e no espaço. Curvas parametrizadas. Coordenadas polares. Derivadas e integrais de funções vetoriais de uma variável real; Movimento no espaço: velocidade e aceleração.
- CÁLCULO DIFERENCIAL DE FUNÇÕES DE MAIS DE UMA VARIÁVEL.** Gráfico, domínio, curvas de nível de funções de mais de uma variável. Limites, continuidade. Derivadas parciais, diferenciabilidade. Regra da cadeia. Derivadas parciais de ordem superior. Derivadas direcionais e gradientes. Planos tangentes e normais a superfícies.
- MÁXIMOS E MÍNIMOS.** Pontos críticos, máximo e mínimo local; aproximação de Taylor quadrática, classificação de pontos críticos; Problemas de máximos e mínimos aplicados; Multiplicadores de Lagrange.
- INTEGRAÇÃO MÚLTIPLA.** Integrais duplas; cálculo de áreas e volumes. Integração tripla. Mudança de variáveis em integrais múltiplas. Aplicações.
- CÁLCULO VETORIAL** Campos vetoriais. Integrais de linha. Integrais de superfície. Teoremas de Green, Gauss e Stokes. Aplicações.

### OBJETIVO GERAL

Compreender os conceitos geométricos, numéricos e algébricos de limite, derivada e integral para funções vetoriais e funções reais de várias variáveis. Identificar os conceitos supramencionados em problemas aplicados.

### OBJETIVO ESPECÍFICO

Entender a estrutura do espaço  $R^n$  como espaço normado. Determinar domínio, imagem de curvas de nível de funções de várias variáveis. Interpretar, calcular e aplicar conceitos relacionados à diferenciabilidade de funções de várias variáveis. Classificar pontos críticos de funções de várias variáveis. Aplicar os conceitos de diferenciabilidade a problemas de máximos e mínimos. Identificar os limites de integração em uma integral múltipla. Calcular integrais múltiplas. Calcular campos vetoriais. Definir integrais de linha e integrais de superfície. Aplicar os teoremas de Green e de Stokes.



## PLANO DE ENSINO

Ficha nº 2 (variável)

### PROCEDIMENTOS DIDÁTICOS (conforme resolução 22/21, art 12, inciso IV)

- a) **Sistema de comunicação:** será feito em aulas presenciais com o docente responsável e também pela UFPR Virtual para divulgar avisos, listas de exercícios, tarefas e dúvidas dos alunos. No caso de determinação superior ou decretos/legislações municipais/estaduais, as aulas passarão a ser remotas através da plataforma TEAMS e UFPR Virtual.
- b) **Materiais didáticos para as atividades de ensino:** Além dos textos contidos na bibliografia (todos eles disponíveis na Biblioteca Virtual da UFPR ou livremente na Internet), serão disponibilizados guias audiovisuais de estudo.
- c) **Ambiente virtual de aprendizagem:** No caso da disciplina passar para a modalidade remota, será utilizada a UFPR Virtual e o TEAMS para comunicação e aulas remotas.

### FORMAS DE AVALIAÇÃO

(incluindo informações da resolução 56/21, art 10, da portaria 836 e da resolução 22/21, art 13, §9º)

Serão feitas 3 provas presenciais no decorrer da disciplina. Haverá Exame Final presencial para os alunos que precisarem segundo as normas da Universidade (art. 95 da resolução 37/97-CEPE-UFPR). Além da frequência que será cobrada nas aulas e provas presenciais, para cumprir a carga horária, haverá 6 tarefas disponíveis para os alunos realizarem na UFPR Virtual.

Teremos os seguintes pesos de nota final e frequência das atividades de avaliação

- Prova 1: 25% da nota da disciplina e 2h de frequência, modalidade presencial.
- Prova 2: 25% da nota da disciplina e 2h de frequência, modalidade presencial.
- Prova 3: 25% da nota da disciplina e 2h de frequência, modalidade presencial.
- 6 Tarefas: cada um contando 1/6 de 25% da nota da disciplina e 2h de frequência, modalidade remota.

### CONTROLE DE FREQUÊNCIA (conforme art 10 da resolução 56/21)

A frequência será cobrada nas aulas presenciais através de preenchimento de questionário, físico ou online, no decorrer da aula.

### DATAS, HORÁRIOS E ACESSO (art 13, §3º, e art 15, da resolução 22/21; art 12 da resolução 56/21)

- Início da disciplina: 31/01/2022.
- Término da disciplina: 06/05/2022.
- Dias e horários semanais da disciplina: Segundas, quartas e sextas das 13:30 as 15:30.
- Número de vagas: 100.
- Informações de acesso inicial às aulas/plataforma: As aulas presenciais ocorrerão na salas disponibilizadas pela comissão de ensalamento. O acesso a UFPR Virtual e TEAMS será enviado aos alunos após as turmas estarem registradas no SIGA com os alunos.
- Cronograma de avaliações : Prova 1 (07/03), Prova 2 (04/04), Prova 3 (02/05) e Exame Final (13/05).



## PLANO DE ENSINO

Ficha nº 2 (variável)

### BIBLIOGRAFIA BÁSICA

- James Stewart, Cálculo, volume 2, Tradução da 8a edição norte-americana, Cengage Learning, São Paulo, 2016.
- Hamilton Luiz Guidorizzi, Um curso de Cálculo, vol. 2, 6a edição, LTC , Rio de Janeiro, 2019.
- Larry J. Goldstein, David C. Lay, David I. Schneider, Nakhlé H. Asmar. Matemática Aplicada: Economia, Administração e Contabilidade, 12a edição, Bookman, 2012.

### BIBLIOGRAFIA COMPLEMENTAR

- Howard Anton, Irl Bivens e Stephen Davis, Cálculo, volume 2, 10a edição, Bookman, Porto Alegre, 2014.
- Dirceu D'Alkmin Telles (organizador), Seizen Yamashiro, Suzana Abreu de Oliveira Souza. Matemática com aplicações tecnológicas, Volume 3, Cálculo II, 2a edição, Editora Edgard Blücher Ltda, 2019.
- Deborah Hughes-Hallett et al. Cálculo aplicado, LTC, Rio de Janeiro, 2012.
- Mauricio Vilches, Maria Luiza Corrêa. Cálculo II. Rio de Janeiro: Instituto de Matemática e Estatística da UERJ, 2013. Acessado em 01/09/2021. <https://docplayer.com.br/81512950-Caculo-ii-volume-i-mauricio-a-vilches-maria-luiza-correa-departamento-de-analise-ime-uerj.html>
- Cristina Lúcia Dias Vaz; José Miguel Martins Veloso. Caderno de Exercícios: Cálculo II. Belém: AEDI/UFPA, 2016. Acessado em: 01/09/2021.

**Professor da Disciplina:** Carlos Eduardo Durán Fernández

**Chefe do departamento ou Unidade equivalente:** Alexandre Kirilov