

CI1055: Algoritmos e Estruturas de Dados I

Profs. Drs. Marcos Castilho Carmem Hara e Bruno Muller Jr

Departamento de Informática/UFPR

1 de setembro de 2020

Matrizes

- ▶ Busca
- ▶ Inserção de linha e coluna

Busca em Matriz

A função recebe:

- ▶ o elemento que vai ser buscado
- ▶ a matriz onde vai ser feita a busca
- ▶ quantidade de linhas da matriz
- ▶ quantidade de colunas da matriz

A função retorna:

- ▶ true se o elemento for encontrado
- ▶ false se o elemento não for encontrado

Exemplo:

mat	1	2	3	4
1	4	6	2	1
2	9	0	0	2
3	8	7	3	9

busca(7, mat, 3, 4) → true
busca(5, mat, 3, 4) → false

Busca em Matriz

- ▶ Similar à busca em vetor
- ▶ Trecho de código que faz busca do valor x em um vetor de m elementos

```
achou:= false;  
j:= 1;  
while (j <= m) and not achou do  
begin  
    if v[j] = x then  
        achou:= true;  
    j:= j + 1;
```

Busca em Matriz

- ▶ Para a busca na matriz é preciso repetir a busca em TODAS as linhas

```
achou:= false;  
i:= 1;  
while (i <= n) and not achou do  
begin  
    j:= 1;  
    while (j <= m) and not achou do  
    begin  
        if mat[i,j] = x then  
            achou:= true;  
        j:= j + 1;  
    end;  
    i:= i + 1;  
end;
```

Função de Busca

```
function busca( x: integer; var mat: tpMatriz; n, m: integer ): boolean;
var
  i, j: integer;
  achou: boolean;
begin
  achou:= false;
  i:= 1;
  while ( i <= n) and not achou do
    begin
      j:= 1;
      while ( j <= m) and not achou do
        begin
          if mat[i,j] = x then
            achou:= true;
          j:= j + 1;
        end;
      i:= i + 1;
    end;
  busca:= achou;
end;
```

Busca a partir de uma posição da matriz

A função recebe:

- ▶ o elemento que vai ser buscado
- ▶ a matriz onde vai ser feita a busca
- ▶ quantidade de linhas da matriz
- ▶ quantidade de colunas da matriz
- ▶ linha do elemento a partir do qual a busca deve ser feita
- ▶ coluna do elemento a partir do qual a busca deve ser feita

Exemplo:

mat	1	2	3	4
1	4	6	2	1
2	9	0	0	2
3	8	7	3	9

busca(7, mat, 3, 4, 2, 3) → true
busca(6, mat, 3, 4, 2, 3) → false

Busca a partir de uma posição da matriz

```
function busca( x: integer; var mat: tpMatriz;
                n, m, linIni, colIni: integer ): boolean;
var
    i, j: integer;
    achou: boolean;
begin
    achou:= false;
    i:= linIni; j:= colIni;           (* busca começa nesta posição *)
    while (i <= n) and not achou do
        begin
            while (j <= m) and not achou do
                begin
                    if mat[i,j] = x then
                        achou:= true;
                    j:= j + 1;
                end;
                i:= i + 1;
                j:= 1;                  (* o índice da coluna volta a 1 quando "pula" de linha *)
        end;
        busca:= achou;
    end;
```

Verificar se existem valores repetidos na matriz

A função recebe:

- ▶ a matriz onde vai ser feita a verificação
- ▶ quantidade de linhas da matriz
- ▶ quantidade de colunas da matriz

A função retorna:

- ▶ true se há elementos repetidos
- ▶ false se não há elementos repetidos

Exemplo:

mat	1	2	3	4
1	4	6	2	1
2	9	0	0	2
3	8	7	3	9

`tem_repetidos(mat, 3, 4) —> true`

Verificar se existem valores repetidos na matriz

```
function tem_repetidos( var mat: tpMatriz; n, m: integer): boolean;
var
  i, j, proxLin, proxCol: integer;
  repetiu: boolean;
begin
  repetiu:= false;
  i:= 1;
  while ( i <= n) and not repetiu do
  begin
    j:= 1;
    while ( j <= m) and not repetiu do
    begin
      proxPosicao( i, j, n, m, proxLin, proxCol );
      repetiu:= busca( mat[i,j], mat, n, m, proxLin, proxCol );
      j:= j + 1;
    end;
    i:= i + 1;
  end;
  tem_repetidos:= repetiu;
end;
```

Procedimento para calcular a próxima posição da matriz

```
procedure proxPosicao( lin , col , n, m: integer; var proxLin, proxCol: integer);
begin
  if col = m then
    begin
      proxLin:= lin + 1;
      proxCol:= 1;
    end
  else
    begin
      proxLin:= lin ;
      proxCol:= col + 1;
    end;
  end;
```

Inserção de uma nova coluna na matriz

A função recebe:

- ▶ a matriz onde vai ser feita a inserção
- ▶ quantidade de linhas da matriz
- ▶ quantidade de colunas da matriz
- ▶ vetor com os valores da nova coluna
- ▶ posição da nova coluna

Exemplo:

mat	1	2	3	4
1	4	6	2	1
2	9	0	0	2
3	8	7	3	9

v	5	3	0
---	---	---	---

`insereCol(mat, 3, 4, v, 3)`

mat	1	2	3	4	5
1	4	6	5	2	1
2	9	0	3	0	2
3	8	7	0	3	9

Usando a função de inserção em vetor

`insereVetor(elem, pos, v, tam):`

insere elem na posição pos do vetor v que tem tam elementos

`insereVetor(5, 3, mat[1], 4)`

mat	1	2	3	4
1	4	6	2	1
2	9	0	0	2
3	8	7	3	9

1	4	6	5	2	1
---	---	---	---	---	---

`insereVetor(3, 3, mat[2], 4)`

v	5	3	0
---	---	---	---

2	9	0	3	0	2
---	---	---	---	---	---

`insereVetor(0, 3, mat[3], 4)`

3	8	7	0	3	9
---	---	---	---	---	---

Inserção de coluna em Matriz

```
type
  tpMatriz = array[1..MAX.LIN, 1..MAX.COL] of integer;
  tpVetor = array[1..MAX.COL] of integer;

procedure insereCol( var mat: tpMatriz; n: integer; var m: integer;
                      var v: tpVetor; novaCol: integer );
var
  i: integer;
begin
  for i:= 1 to n do
    insereVetor( v[i], novaCol, mat[i], m );
  m:= m + 1;
end;
```

Inserção em Vetor

```
procedure insereVetor( elem: integer; pos: integer; var v: tpVetor; tam: integer );
var
  i: integer;
begin
  for i:= tam downto pos do
    v[i+1]:= v[i];
  v[pos]:= elem;
end;
```

Inserção de uma nova linha na matriz

A função recebe:

- ▶ a matriz onde vai ser feita a inserção
- ▶ quantidade de linhas da matriz
- ▶ quantidade de colunas da matriz
- ▶ vetor com os valores da nova linha
- ▶ posição da nova linha

Exemplo:

mat	1	2	3	4
1	4	6	2	1
2	9	0	0	2
3	8	7	3	9

v	5	3	0	7
---	---	---	---	---

insereLin(mat, 3, 4, v, 2)

mat	1	2	3	4
1	4	6	2	1
2	5	3	0	7
3	9	0	0	2
4	8	7	3	9

Inserção de uma nova linha na matriz

```
procedure insereLin( var mat: tpMatriz; var n: integer; m: integer; var v: tpVetor; novaLin: integer );
var
    i: integer;
begin
    for i:= n downto novaLin do
        copiaVetor( mat[i], mat[i+1], m );
    for i:= 1 to m do
        mat[novaLin, i]:= v[i];
    n:= n + 1;
end;

procedure copiaVetor( var v1, v2: tpVetor; tam: integer );
var
    i: integer;
begin
    for i:= 1 to tam do
        v2[i]:= v1[i];
end;
```

- ▶ este material está no livro no capítulo 10, seções 10.3 e 10.4