

CI1055: Algoritmos e Estruturas de Dados I

Profs. Drs. Marcos Castilho, Bruno Müller Jr, Carmem Hara

Departamento de Informática/UFPR

1 de agosto de 2020

Resumo

Primos entre si

Objetivos da aula

- Mostrar como integrar subproblemas já resolvidos em problemas novos que evidentemente dependem do subproblema.
- Motivar os estudantes para o importante próximo capítulo.

Problema: Imprimir todos os pares de números (a, b) que são primos entre si para todo $2 \leq a \leq 100$ e $a \leq b \leq 100$.

- Definição: dois números naturais A e B são ditos *primos entre si* se $MDC(A, B) = 1$.

Pseudo-código que resolve o problema

```
1 begin
2     read (a, b);
3     if ''a e b sao primos entre si'' then
4         writeln ('SIM')
5     else
6         writeln ('NAO');
7 end.
```

- Obviamente resta calcular se a e b são primos entre si
- Pela definição, basta calcular o MDC entre eles
- Isto pode ser feito pelo conhecido, famoso e eficiente algoritmo de Euclides!

Algoritmo de Euclides.

```
1 program mdcporeuclides;
2 var a, b, resto: integer;
3 (* funciona para entradas nao nulas *)
4 begin
5   read (a,b);
6   resto:= a mod b;
7   while resto <> 0 do
8     begin
9       a:= b;
10      b:= resto;
11      resto:= a mod b;
12    end;
13    writeln ('mdc = ', b);
14 end.
```

Programa para primos entre si

```
1 program primosentresi;
2 var a, b, resto: integer;
3
4 begin
5     read (a,b);
6     if (a <> 0) and (b <> 0) then
7         begin
8             resto:= a mod b;
9             while resto <> 0 do
10                 begin
11                     a:= b;
12                     b:= resto;
13                     resto:= a mod b;
14                 end;
15                 if b = 1 then
16                     writeln ('SIM')
17                 else
18                     writeln ('NAO');
19             end;
20         end.
```

Em resumo

- Pode-se usar um código pronto que resolve um subproblema como parte da solução de outro problema
- Em breve, poderemos fazer o programa principal assim:

```
1 begin
2     read (a, b);
3     if mdc(a, b) then
4         writeln ('SIM')
5     else
6         writeln ('NAO');
7 end.
```

- De maneira similar ao uso de uma função já disponível no compilador,
- Como por exemplo, sqrt, sin, cos, ...

Fim do tópico

- este material está no livro no capítulo 7, seção 7.10

- Slides feitos em \LaTeX usando beamer
- Licença

Creative Commons Atribuição-Uso Não-Comercial-Vedada
a Criação de Obras Derivadas 2.5 Brasil License.<http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/2.5/br/>

Creative Commons Atribuição-Uso Não-Comercial-Vedada
a Criação de Obras Derivadas 2.5 Brasil License.<http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/2.5/br/>