

CI1055: Algoritmos e Estruturas de Dados I

Profs. Drs. Marcos Castilho, Carmem Hara e Bruno Müller Jr

Departamento de Informática/UFPR

21 de outubro de 2021

Aplicação das técnicas elementares

- ▶ Fatorial
- ▶ Fibonacci revisado
- ▶ (*) Palíndromos

Palíndromos

- ▶ Palíndromos são lidos da direita para a esquerda da mesma maneira que da esquerda para a direita. Por exemplo o número 12321 é palíndromo, enquanto que 123 não é;
- ▶ Método: separar os dígitos do número, reconstruir o número ao contrário, comparar com o número original.
- ▶ generalização do problema de se inverter um número de três dígitos. Dicas:

$$d_n d_{n-1} \dots d_2 d_1 d_0 \Rightarrow d_0 d_1 d_2 \dots d_{n-1} d_n$$

$$(12345) \text{ div } 10 = 1234 \tag{1}$$

$$(12345) \text{ mod } 10 = 5 \tag{2}$$

$$(1234) * 10 + 5 = 12345 \tag{3}$$

Palíndromos

- ▶ Palíndromos são lidos da direita para a esquerda da mesma maneira que da esquerda para a direita. Por exemplo o número 12321 é palíndromo, enquanto que 123 não é;
- ▶ Método: separar os dígitos do número, reconstruir o número ao contrário, comparar com o número original.
- ▶ generalização do problema de se inverter um número de três dígitos. Dicas:

$$d_n d_{n-1} \dots d_2 d_1 d_0 \Rightarrow d_0 d_1 d_2 \dots d_{n-1} d_n$$

$$(12345) \text{ div } 10 = 1234 \tag{1}$$

$$(12345) \text{ mod } 10 = 5 \tag{2}$$

$$(1234) * 10 + 5 = 12345 \tag{3}$$

Palíndromos

- ▶ Palíndromos são lidos da direita para a esquerda da mesma maneira que da esquerda para a direita. Por exemplo o número 12321 é palíndromo, enquanto que 123 não é;
- ▶ Método: separar os dígitos do número, reconstruir o número ao contrário, comparar com o número original.
- ▶ generalização do problema de se inverter um número de três dígitos. Dicas:

$$d_n d_{n-1} \dots d_2 d_1 d_0 \Rightarrow d_0 d_1 d_2 \dots d_{n-1} d_n$$

$$(12345) \text{ div } 10 = 1234 \tag{1}$$

$$(12345) \text{ mod } 10 = 5 \tag{2}$$

$$(1234) * 10 + 5 = 12345 \tag{3}$$

Palíndromos

Problema: Imprimir todos os números palíndromos entre 1 e 1000.

```
program todospalindromos ;
const max=1000;
var i , invertido , n: integer ;
begin
  i:= 1;
  while i <= max do (* laco que controla os numeros entre 1 e max *)
    begin
      invertido:= 0; (* inicializa acumulador *)
      n:= i ;
      while n >> 0 do
        begin
          invertido:= invertido*10 + n mod 10;
          n:= n div 10;
        end;
      (* imprime se for palindromo , senao nao faz nada *)
      if invertido = i then
        writeln ( i ) ;
      i:= i + 1;
    end;
end.
```

Palíndromos

Problema: Gerar todos os números palíndromos entre 1 e 1000.

- ▶ Uma outra abordagem ao problema baseia-se no fato de o maior palíndromo ocupar 3 dígitos:
 1. gerar todos os palíndromos de um dígito (muito fácil);
 2. gerar todos os palíndromos de dois dígitos (muito fácil);
 3. gerar todos os palíndromos de três dígitos. Dica:

$$d[0 - 9]d$$

Palíndromos

Problema: Gerar todos os números palíndromos entre 1 e 1000.

- ▶ Uma outra abordagem ao problema baseia-se no fato de o maior palíndromo ocupar 3 dígitos:
 1. gerar todos os palíndromos de um dígito (muito fácil);
 2. gerar todos os palíndromos de dois dígitos (muito fácil);
 3. gerar todos os palíndromos de três dígitos. Dica:

$$d[0 - 9]d$$

Palíndromos

Problema: Gerar todos os números palíndromos entre 1 e 1000.

- ▶ Uma outra abordagem ao problema baseia-se no fato de o maior palíndromo ocupar 3 dígitos:
 1. gerar todos os palíndromos de um dígito (muito fácil);
 2. gerar todos os palíndromos de dois dígitos (muito fácil);
 3. gerar todos os palíndromos de três dígitos. Dica:

$$d[0 - 9]d$$

Palíndromos

Problema: Gerar todos os números palíndromos entre 1 e 1000.

- ▶ Uma outra abordagem ao problema baseia-se no fato de o maior palíndromo ocupar 3 dígitos:
 1. gerar todos os palíndromos de um dígito (muito fácil);
 2. gerar todos os palíndromos de dois dígitos (muito fácil);
 3. gerar todos os palíndromos de três dígitos. Dica:

$$d[0 - 9]d$$

Palíndromos

Problema: Gerar todos os números palíndromos entre 1 e 1000.

```
program gerandopalindromos ;
var i , j , pal : integer ;
begin
...                               (* gerando todos de um digito *)
pal:= 11;                         (* gerando todos de 2 digitos *)
i:= 2;
while i <= 9 do
begin
  writeln (pal) ;
  pal:= i * 11;
  i:= i + 1;
end;                                (*-----*)
i:= 1;                             (* gerando todos os de 3 digitos *)
while i <= 9 do
begin
  j:= 0;
  while j <= 9 do
  begin
    pal:= i*100 + j*10 + i ;
    writeln (pal) ;
    j:= j + 1;
  end;
  i:= i + 1;
end;
end.
```

Fim

- ▶ este material está no livro no capítulo 7, seção 7.7

Licença

- ▶ Slides feitos em \LaTeX usando beamer
- ▶ Licença

*Creative Commons Atribuição-Uso Não-Comercial-Vedada
a Criação de Obras Derivadas 2.5 Brasil License.*<http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/2.5/br/>

*Creative Commons Atribuição-Uso Não-Comercial-Vedada
a Criação de Obras Derivadas 2.5 Brasil License.*<http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/2.5/br/>