

Tópicos em Redes de Computadores

Os Generais Bizantinos



Prof. Elias P. Duarte Jr.

Universidade Federal do Paraná (UFPR)

Departamento de Informática

www.inf.ufpr.br/elias/topredes

Sumário

- Os Generais Bizantinos originais:

Leslie Lamport, Robert E. Shostak, Marshall C. Pease, “The Byzantine Generals Problem,” *ACM Trans. Program. Lang. Syst*, Vol. 4, No. 3, pp. 382–401, 1982.

- O problema da “consistência interativa”
- Limites no número de traidores
- O algoritmo de Lamport
- Exercícios

Era uma vez...

- Uma cidade medieval, cercada por uma impressionante muralha



Infelizmente sob ataque...

- O exército bizantino está atacando nossa cidade medieval



Infelizmente sob ataque...

- O exército bizantino está atacando nossa cidade medieval
- Múltiplas unidades do exército estão ao redor da cidade
- Cada unidade é comandada por um general
- Entre eles há generais traidores
- Um comandante é o chefe maior que dita as leis que os generais vão executar: atacar ou recuar

Espec. Sistema Distribuído:

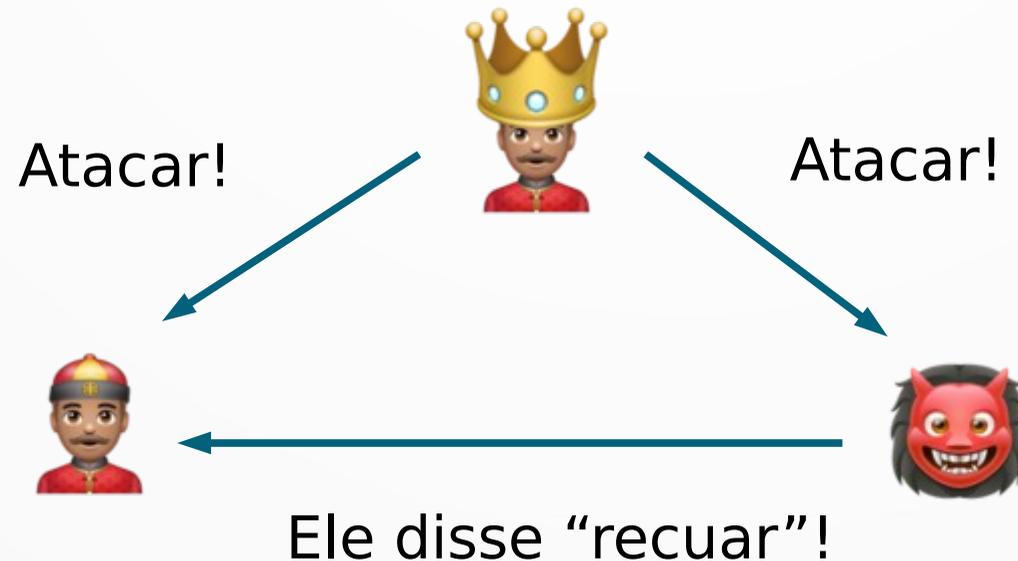
- Considere um sistema distribuído assíncrono sujeito a falhas bizantinas
 - há processos que apresentam comportamento “arbitrário”
→ pode trocar o conteúdo de uma msg
 - um processo falho pode também mandar mensagens diferentes para destinatários diferentes
- Canais de comunicação perfeitos, além disso: mensagens assinadas (autenticação)
- Topologia *fully connected*, cada processo pode comunicar diretamente com qualquer outro

Propriedades IC

- Tendo em vista que os próprios generais sabem que há traidores entre eles...
- ... o objetivo é garantir as 2 seguintes propriedades (IC - *Interactive Consistency*):
 - 1) (IC1) Todos os generais leais executam a mesma ação (atacar ou recuar)
 - 2) (IC2) Se o comandante é leal, todos os generais leais devem executar sua ordem (atacar ou recuar)

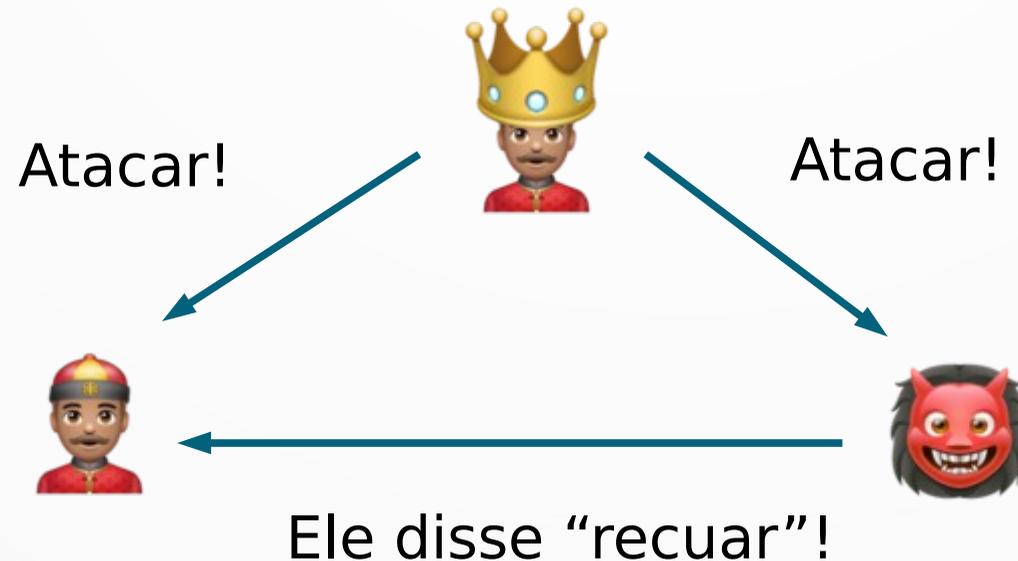
Será que é sempre possível?

- Veja este caso em que há um total de 3 generais sendo 1 deles traidor (e 2 leais, portanto):



Será que é sempre possível?

- Veja este caso em que há um total de 3 generais sendo 1 deles traidor (e 2 leais, portanto): impossível garantir nem IC1, nem IC2!



Solução com Mensagens Orais

- No caso anterior vimos que para $N=3$ sendo $m=1$ traidor não é possível garantir as propriedades
- Após vermos o algoritmo, vamos provar que para suportar m falhas $N = 3m+1$ (no mínimo)
- O algoritmo é chamado no artigo original de “uma solução com mensagens orais”

Antes do Algoritmo

- No algoritmo os generais vão comunicar entre si para decidir o que fazer
- Inicialmente o comandante manda a ordem inicial, que os generais vão comunicar entre si
- Um traidor pode ficar em silêncio (não mandar mensagem) mas isso é detectado
- É preciso definir uma ordem default: em caso de ordem não recebida ou empate, a decisão é por recuar

O Algoritmo GenBiz

- O algoritmo inicialmente é definido para $m = \text{zero}$ traidores :-)

Algoritmo GenBiz ($m=0$)

(1) O comandante envia a ordem para $N-1$ comandados

(2) Cada comandado e o comandante executam a ordem recebida

Agora GenBiz(m), $m > 0$

Algoritmo GenBiz(m , $m > 0$)

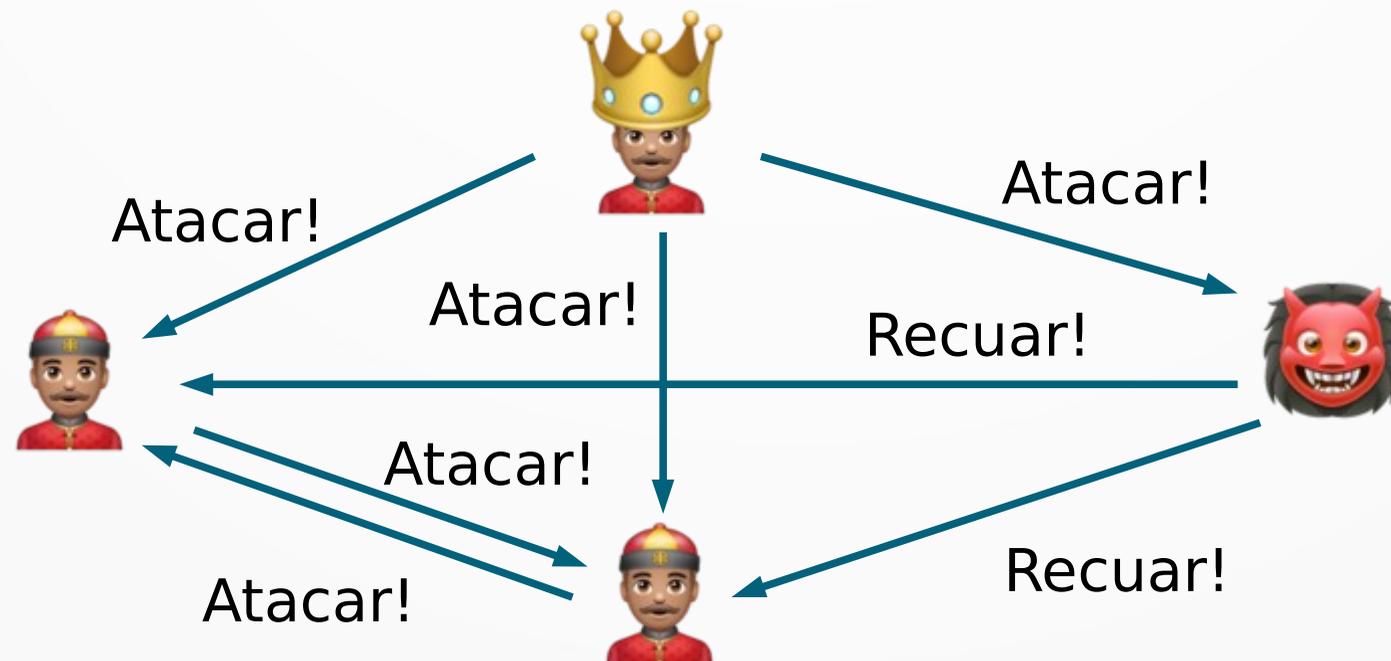
(1) O comandante envia a ordem para os comandados

(2) Para cada i , seja V_i o valor que o comandado i recebeu do comandante: o comandado i vira comandante executando GenBiz($m-1$) para os demais comandados

(3) Ao final: o comandado i vai ter ordens de todos os demais generais e executa Maioria($V_0, V_1, V_2, \dots, V_{N-1}$)

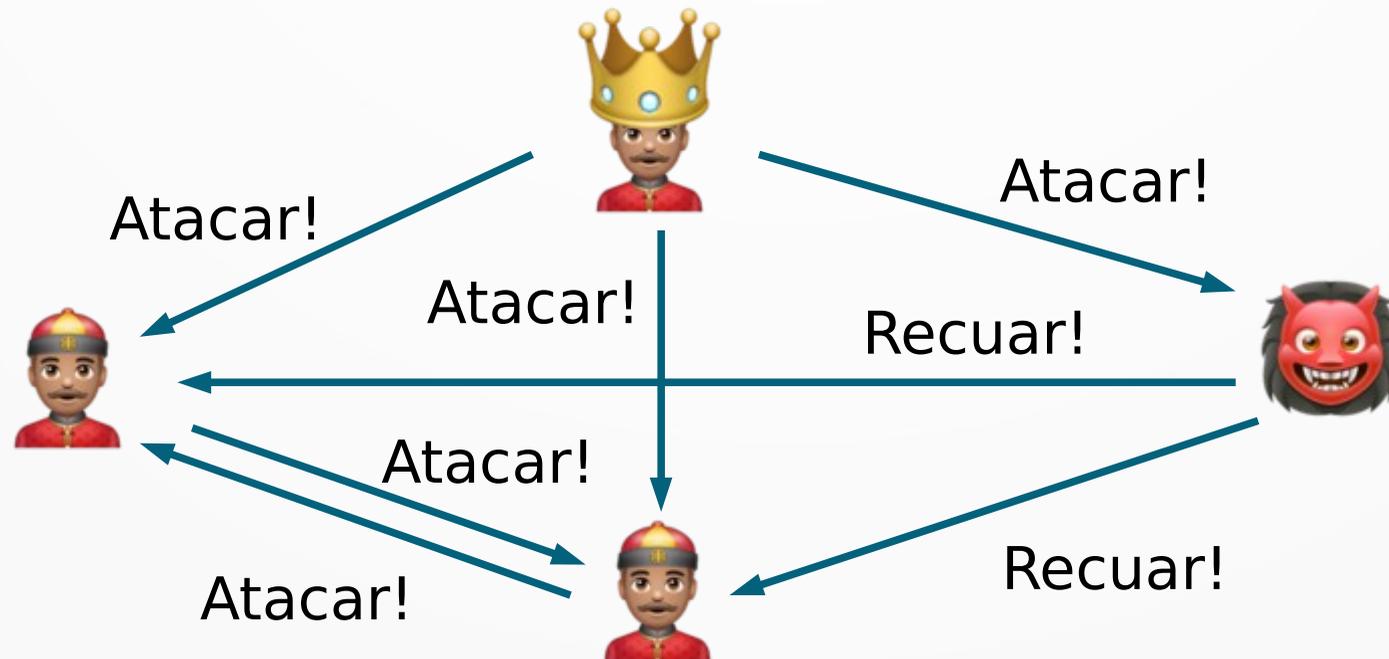
Entendendo o Algoritmo

- Veja um exemplo de execução para $N=4$, $m=1$ e o comandante leal
- Vamos sempre usar o identificador zero para o comandante



Entendendo o Algoritmo

- Neste exemplo de execução tudo começa com GenBiz(1) sendo executado pelo comandante
- Em seguida os demais generais executam GenBiz(0) – (sem msgs recebidas pelo traidor)

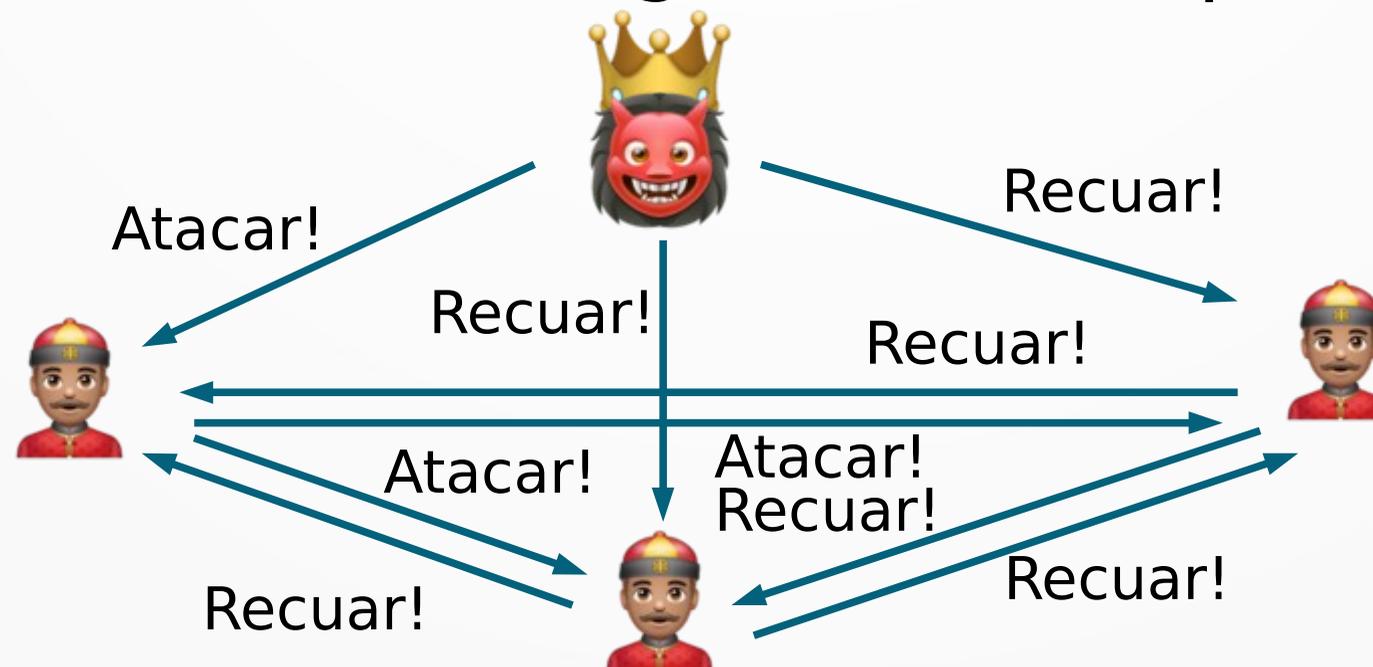


Entendendo o Algoritmo

- Seja V_0 a ordem original recebida do comandante (0 - zero); $V_0 = A$
 - Os identificadores sendo 1, 2 e 3 da esquerda para a direita
- Seja V_{ij} a ordem que o general i recebeu do general j : no exemplo, apenas para os leais:
- General 1: $V_{20} = A$; $V_{30} = R$; $\text{Maioria}(A,A,R) = A$
- General 2: $V_{10} = A$; $V_{30} = R$; $\text{Maioria}(A,A,R) = A$

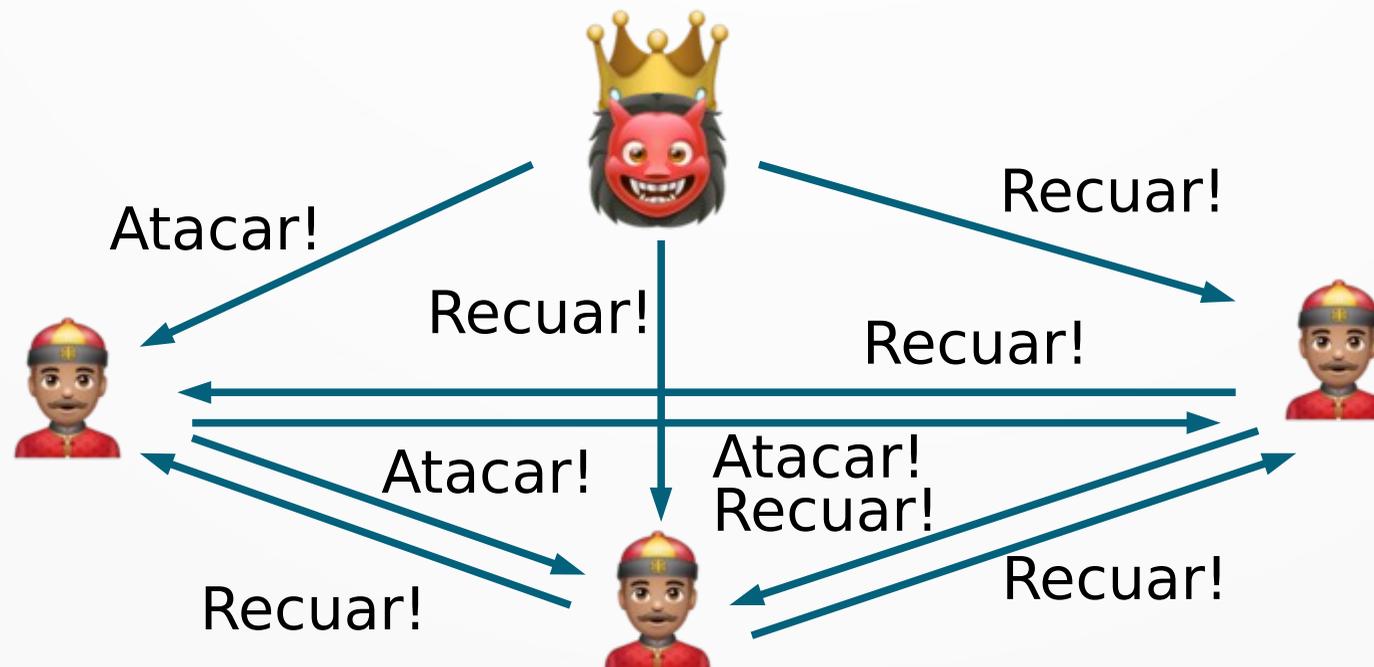
Agora com Comandante Traidor

- Neste exemplo o comandante manda Atacar! para 1, e Recuar! para 2 e 3
- Em seguida os demais generais executam GenBiz(0) – (sem msgs recebidas pelo traidor)



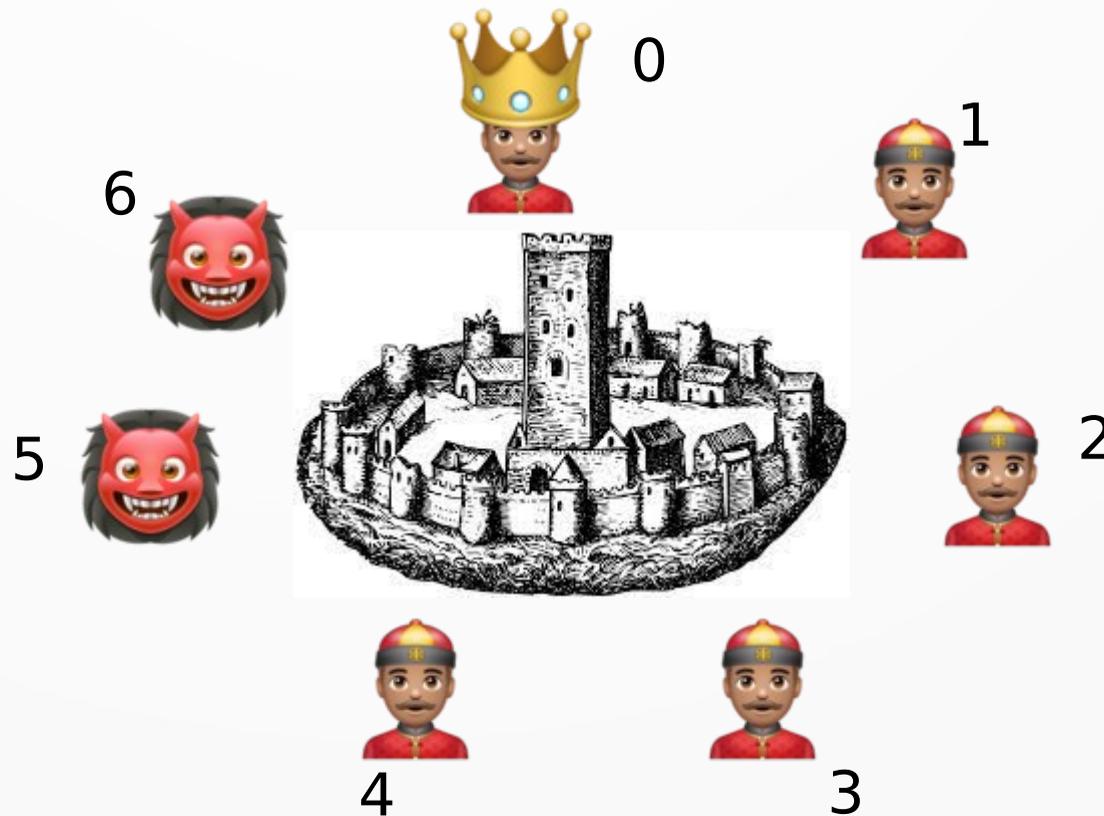
Agora com Comandante Traidor

- Veja como as maiorias executadas por todos os generais (que são leais) são idênticas!
- Todos executam Maioria sobre R, R, A



Em Seguida: 2 Traidores

- Considere um sistema com 2 generais traidores
- Neste caso $m=2$, portanto $N = 2*m+1 = 7$
- Considere que a ordem é A, os traidores só mandam R



2 traidores: 5 e 6

- O comandante leal executa GenBiz(2) enviando $V_0=A$ para todos
- Todos recebem e executam GenBiz(1) com os seguintes valores: $V_{10}=A$, $V_{20}=A$, $V_{30}=A$, $V_{40}=A$, $V_{50}=R$, $V_{60}=R$
- Qual a ordem executada pelo General 2?
- V1: $V_{10}=A$, $V_{310}=A$, $V_{410}=A$, $V_{510}=R$, $V_{610}=R$ → Maioria: A
- V3: $V_{30}=A$, $V_{130}=A$, $V_{430}=A$, $V_{530}=R$, $V_{630}=R$ → Maioria: A
- V4: $V_{40}=A$, $V_{140}=A$, $V_{340}=A$, $V_{540}=R$, $V_{640}=R$ → Maioria: A
- V5: $V_{50}=R$, $V_{150}=R$, $V_{350}=R$, $V_{450}=R$, $V_{650}=R$ → Maioria: R
- V6: $V_{60}=R$, $V_{160}=R$, $V_{360}=R$, $V_{460}=R$, $V_{560}=R$ → Maioria: R
- $\text{Maioria}(V_0, V_1, V_3, V_4, V_5, V_6) = \text{Maioria}(A, A, A, A, R, R) = \text{ATACAR!}$

Exercício

- Considere a execução do algoritmo de Lamport dos Generais Bizantinos para $m=2$ traidores
- O general 3 bem como o comandante (0 - zero) são traidores
- Eles estão mancomunados e mandam “Atacar” para 1 e 2 & “Recuar” para 4, 5 e 6
- Mostre a ordem executada pelo General 2

Conclusão

- Nesta aula estudamos o algoritmo dos Generais Bizantinos de Lamport
- Executamos para 1 e 2 traidores
- Na próxima aula: vamos ver a prova de que realmente são necessários $N = 3m + 1$ generais no total (no mínimo) para tolerar m falhas bizantinas

Obrigado!

Lembrando: a página da disciplina é:
<https://www.inf.ufpr.br/elias/topredes>