

Matemática Discreta

Unidade 58: Subconjuntos

Renato Carmo
David Menotti

Departamento de Informática da UFPR

Segundo Período Especial de 2020

Qual o número de subconjuntos de um conjunto A ?

Qual o número de subconjuntos de um conjunto A ?

A

Qual o número de subconjuntos de um conjunto A ?

A : conjunto

Qual o número de subconjuntos de um conjunto A ?

A : conjunto

$$2^A$$

Qual o número de subconjuntos de um conjunto A ?

A : conjunto

2^A : conjunto de todos os subconjuntos de A

Qual o número de subconjuntos de um conjunto A ?

A : conjunto

2^A : conjunto de todos os subconjuntos de A

$$2^A := \{S \mid S \subseteq A\}$$

Função Característica de um subconjunto de A

Função Característica de um subconjunto de A

A

Função Característica de um subconjunto de A

A : conjunto

Função Característica de um subconjunto de A

A : conjunto

$$S \subseteq A$$

Função Característica de um subconjunto de A

A : conjunto

$S \subseteq A$

$\chi_S: A \rightarrow \{0, 1\}$

Função Característica de um subconjunto de A

A : conjunto

$S \subseteq A$

$\chi_S : A \rightarrow \{0, 1\}$: **função característica** S

Função Característica de um subconjunto de A

A : conjunto

$S \subseteq A$

$\chi_S : A \rightarrow \{0, 1\}$: **função característica** S

$$\chi_S(s) = \begin{cases} 1, & \text{se } s \in S, \\ 0, & \text{se } s \notin S. \end{cases}$$

Teorema 58

Teorema 58

$$2^A \sim \{0, 1\}^A$$

Teorema 58

$$2^A \sim \{0, 1\}^A$$

Demonstração.

$$F: 2^A \rightarrow \{0, 1\}^A$$

Teorema 58

$$2^A \sim \{0, 1\}^A$$

Demonstração.

$$\begin{aligned} F: 2^A &\rightarrow \{0, 1\}^A \\ F(S) &= \chi_S \end{aligned}$$

Teorema 58

$$2^A \sim \{0, 1\}^A$$

Demonstração.

$$F: 2^A \rightarrow \{0, 1\}^A$$

$$F(S) = \chi_S$$

F é bijeção

Teorema 58

$$2^A \sim \{0, 1\}^A$$

Demonstração.

$$F: 2^A \rightarrow \{0, 1\}^A$$

$$F(S) = \chi_S$$

F é bijeção

$$\chi_S^{-1}(1) = S \text{ para todo } S \subseteq A$$



Corolário 59

Corolário 59

$$|2^A| = 2^{|A|}$$

Corolário 59

$$|2^A| = 2^{|A|}$$

Demonstração.

$$2^A \sim \{0, 1\}^A$$

Corolário 59

$$|2^A| = 2^{|A|}$$

Demonstração.

$$2^A \sim \{0, 1\}^A \quad (\text{T. 58})$$

Corolário 59

$$|2^A| = 2^{|A|}$$

Demonstração.

$$2^A \sim \{0, 1\}^A \quad (\text{T. 58})$$

$$|2^A| = |\{0, 1\}^A|$$

Corolário 59

$$|2^A| = 2^{|A|}$$

Demonstração.

$$2^A \sim \{0, 1\}^A \quad (\text{T. 58})$$

$$|2^A| = |\{0, 1\}^A| \stackrel{\text{C.56}}{=} |\{0, 1\}|^{|A|}$$

Corolário 59

$$|2^A| = 2^{|A|}$$

Demonstração.

$$2^A \sim \{0, 1\}^A \quad (\text{T. 58})$$

$$|2^A| = |\{0, 1\}^A| \stackrel{\text{C.56}}{=} |\{0, 1\}|^{|A|} = 2^{|A|}$$

