

Universidade Federal do Paraná
Departamento de Informática
Métodos Numéricos (CI-202)

Respostas da Lista de Exercícios - Sistemas Lineares

Prof. David Menotti - Segundo Semestre de 2019

1. Resolver o sistema abaixo pelos métodos diretos estudados (Regra de Cramer, Método de Gauss e Método de Jordan):

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + 4x_3 = 5 \\ -x_1 + 4x_2 - 3x_3 = 0 \\ 3x_1 - 5x_2 + 2x_3 = -7 \end{cases}$$

Regra de Cramer e Eliminação de Gauss: $(-1 \ 2 \ 3)^T$

2. Resolver o sistema abaixo pelos métodos iterativos estudados (Método de Gauss-Jacobi e Método de Gauss-Seidel) considerando $x_k^{(0)} = (1 \ 1.5 \ 2)^T$ com erro ≤ 0.05 :

$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 - x_3 = 8 \\ 2x_1 - 4x_2 + 2x_3 = -4 \\ -x_1 + x_2 + 5x_3 = 3 \end{cases}$$

| Gauss-Jacobi: | Iterações | x_1 | x_2 | x_3 | Erro | x_1 | x_2 | x_3 |
|---------------|-----------|--------|--------|--------|------|--------|--------|--------|
| | 9 | 1,5174 | 1,9848 | 0,5032 | | 0,0343 | 0,0177 | 0,0168 |

| Gauss-Seidel: | Iterações | x_1 | x_2 | x_3 | Erro | x_1 | x_2 | x_3 |
|---------------|-----------|--------|--------|--------|------|--------|--------|--------|
| | 6 | 1,5021 | 2,0017 | 0,5001 | | 0,0012 | 0,0043 | 0,0011 |

3. Resolver o sistema abaixo através de um método direto e de um método iterativo de sua escolha. Indicar quais os métodos escolhidos. Considerar $x_k^{(0)} = (0 \ 0 \ 0)^T$ com erro ≤ 0.05 para o método iterativo:

$$\begin{cases} 5x_1 + x_2 + x_3 = 6 \\ 3x_1 + 4x_2 + x_3 = 13 \\ 3x_1 + 3x_2 + 6x_3 = 0 \end{cases}$$

Regra de Cramer e Eliminação de Gauss: $(1 \ 3 \ -2)^T$

| Gauss-Jacobi: | Iterações | x_1 | x_2 | x_3 | Erro | x_1 | x_2 | x_3 |
|---------------|-----------|--------|--------|---------|------|-------|-------|--------|
| | 13 | 1,0084 | 3,0142 | -1,9843 | | 0,02 | 0,034 | 0,0377 |

| Gauss-Seidel: | Iterações | x_1 | x_2 | x_3 | Erro | x_1 | x_2 | x_3 |
|---------------|-----------|-------|--------|---------|------|--------|--------|--------|
| | 4 | 1,004 | 2,9971 | -2,0006 | | 0,0165 | 0,0168 | 0,0002 |